

Практические занятия в компьютерном класса

Занятие №5 «Интерфейсы»

Разработка программ, использующий отношение наследования между классами. Особенности применения абстрактных классов и интерфейсов. Применение интегрированной среды программирования **Eclipse** для разработки своих классов, использующих отношение наследования.

Задание

Создать набор классов для решения задачи численного дифференцирования функции одной переменной. Реализовать программу так, что бы можно было численно дифференцировать с заданной точностью функции одной переменной различного вида. Для тестирования программы вычислить на отрезке $x \in [1.5, 6.5]$ с шагом 0.05 производные нескольких функций. Для тестирования программы использовать такие функции:

- ♦ первая функция: $f(x) = \exp(-ax^2) \cdot \sin(x)$ для заданного значения a ($a=0.5$);
- ♦ вторая функция: значения независимой переменной — это значение параметра a , принадлежащее отрезку $a \in [1.0, 7.0]$ и изменяющееся с шагом 0.1, значение функции — решение уравнения $\operatorname{sech}(x)^2 = a \cdot x$ для заданного значения a .
- ♦ третья функция: значения независимой переменной и функции сохранены в текстовом файле данных.

Результаты дифференцирования сохранить в текстовых файлах данных.

Математические методы

Вычисление производной

Для вычисления производной воспользоваться центральной конечно – разностной формулой численного дифференцирования по трем точкам:

$$f'(x_i) \approx \frac{f(x_{i+1}) - f(x_{i-1}))}{2h}$$

Здесь x_i — точка, в которой требуется найти производную, $x_{i\pm 1} = x_i \pm h$, h — шаг, с которым вычислена производная.

Для того, чтобы оценить то значение h , для которого производная вычислена с заданной точностью ε , следует вычислить последовательность $D_n = f'(x_i)$ со все уменьшающимися значениями шага h ($h_n = 0.1 \cdot h_{n-1}$). Вычисление последовательности следует проводить до тех пор, пока не будет выполнено хотя бы одно неравенство:

$$|D_{n+1} - D_n| \geq |D_n - D_{n-1}| \quad \text{или} \quad |D_n - D_{n-1}| < \varepsilon.$$

Для того, чтобы вычислить производную таблично заданной функции, построим интерполяционный полином, который продифференцируем по этому правилу.

Построение интерполяционного полинома

Для вычисления значения функции, заданной таблично в точках между узлами таблицы можно воспользоваться методами интерполяции.

Задача интерполяции часто формулируется так: пусть функция $y = f(x)$ известна в $N+1$ точке (x_0, y_0) , (x_1, y_1) , (x_n, y_n) , где $y_k = f(x_k)$, а значения x_k принадлежат

интервалу $[a, b]$ и удовлетворяют условиям $a \leq x_0 < x_1 < \dots < x_N \leq b$. Требуется вычислить значение функции $f(x)$ на интервале $[a, b]$ в промежутках между точками табуляции.

Если заданные точки (x_k, y_k) известны с высокой степенью точности, то можно построить интерполяционный полином $P(x)$, который проходит через них. Когда вычисляется значение интерполяционного полинома $P(x)$ в точке $x \in [x_0, x_N]$, то приближение $P(x)$ называется *значением интерполяции*.

Существует много способов построения интерполяционного полинома $P(x)$. Рассмотрим **интерполяционный полином Лагранжа**.

Французский математик *Жозеф Луи Лагранж* (1736 – 1813) предложил использовать для нахождения интерполяционного полинома $P(x)$ следующий метод. Полином, проходящий через $N+1$ точку (x_0, y_0) , (x_1, y_1) , ..., (x_n, y_n) , степени не большей, чем N может быть записан в виде:

$$P_N(x) = \sum_{k=0}^N y_k L_{N,k}(x),$$

где $L_{N,k}(x)$ — коэффициенты полинома Лагранжа, основанного на этих узлах. Выражения для коэффициентов $L_{N,k}(x)$ могут быть записаны в виде:

$$L_{N,k}(x) = \frac{(x-x_0)\dots(x-x_{k-1})(x-x_{k+1})\dots(x-x_N)}{(x_k-x_0)\dots(x_k-x_{k-1})(x_k-x_{k+1})\dots(x_k-x_N)} = \frac{\prod_{j=0, j \neq k}^N (x-x_j)}{\prod_{j=0, j \neq k}^N (x_k-x_j)}$$

Для каждого фиксированного k коэффициенты полинома Лагранжа $L_{N,k}(x)$ обладают свойствами:

$$\begin{aligned} L_{N,k}(x) &= 1, & \text{когда } j &= k, \\ L_{N,k}(x) &= 0, & \text{когда } j &\neq k. \end{aligned}$$

Ранее, задачу вычисления интерполирующих функций было принято разделять на два этапа. На первом этапе вычислялись коэффициенты интерполирующей функции. На втором этапе эти коэффициенты использовались для вычисления полинома. В настоящий момент обычно коэффициенты вычисляют на каждом шаге вычисления полинома.

Решение уравнения

Поиск корней уравнения вида:

$$f(x) = 0$$

выполняется в два этапа. На первом этапе осуществляется *локализация корня*, т.е. определяется такой отрезок $[a, b]$, на котором исследуемая функция $f(x)$ имеет строго один корень. Этот отрезок называют *отрезком локализации* корня \bar{x} . На втором этапе выполняется уточнение расположения корня на отрезке локализации.

Для уточнения расположения корня воспользуемся методом секущих. Метод секущих можно рассматривать как модификацию метода Ньютона, в котором производная заменена конечно — разностным приближением. Этот метод является «двухшаговым» — для вычисления нового приближения к корню $x^{(k+1)}$ нужно знать два предыдущих приближения $x^{(k)}$, $x^{(k-1)}$. В данном методе для новое приближение к корню вычисляется по формуле:

$$x^{(k+1)} = x^{(k)} - \frac{x^{(k-1)} - x^{(k)}}{f(x^{(k-1)}) - f(x^{(k)})} f(x^{(k)}).$$

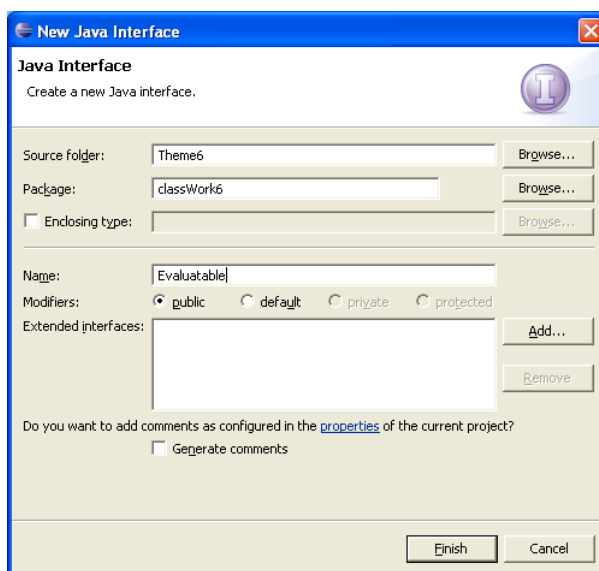
При вычислении корня уравнения будем считать, что корень найден с заданной точностью, если выполняется неравенство $|x^{(k+1)} - x^{(k)}| < \varepsilon$, где $x^{(k+1)}, x^{(k)}$ — два последовательных приближения к корню, ε — требуемая точность расчетов.

Решение

Для того, чтобы можно было дифференцировать любые функции одной переменной удобно объявить интерфейс — возможность вычислить результат, получив один аргумент. И именно переменная такого типа будет использоваться в качестве соответствующего параметра функции численного дифференцирования. Т.е. объект любой природы, реализующий указанный интерфейс может быть продифференцирован.

Как обычно, загружаем интегрированную среду **Eclipse**, закрываем свои старые проекты и создаем новый *Java* проект с именем Theme6. В данном проекте создадим пакет classWork6, в котором будем размещать классы приложения.

В начале создадим интерфейс Evaluatable, который будет гарантировать, что объект класса, который этот интерфейс реализует может вычислять значение по одному аргументу. Для того, чтобы создать такой интерфейс вызовем команду меню *File | New | Interface*. На экран будет выведено диалоговое окно создания нового интерфейса.



Данное диалоговое окно очень похоже на окно создания нового класса. В поле *Name* нужно указать название интерфейса и нажать кнопку *Finish*. Будет создан и добавлен в проект файл с именем **Evaluatable.java**, содержащий заготовку интерфейса:

```
package classWork6;
```

```
public interface Evaluatable {  
}
```

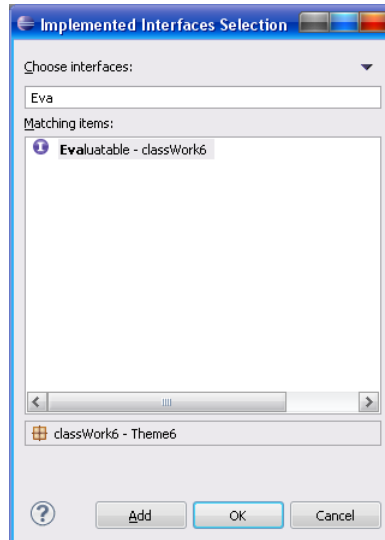
Добавим к нему метод, который нужно будет определить во всех классах, реализующих данный интерфейс. В результате интерфейс примет такой вид:

```
package classWork6;
```

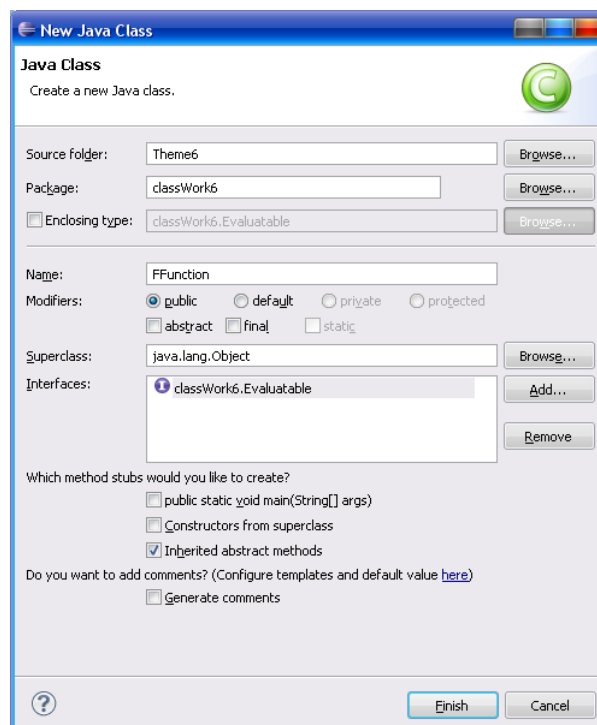
```
public interface Evaluatable {  
    double evalf(double x);  
}
```

Далее создадим класс FFunction, который реализует данный интерфейс и

предназначен для вычисления первой функции $f(x) = \exp(-ax^2) \cdot \sin(x)$. Для этого выбираем команду меню *File | New | Class*, и в появившемся на экране диалоговом окне указываем имя класса (поле *Name*) и указываем интерфейсы, которые должны быть реализованы. Для этого нажимаем кнопку *Add*, расположенную правее списка *Interfaces*. На экран будет выведено диалоговое окно *Implemented Interfaces Selection*, предназначенное для выбора нужных интерфейсов.



В поле *Choose interfaces* начнем указывать нужный интерфейс. По мере указания в поле *Matching items* отображаются подходящие по названию интерфейсы. Найдя нужный, можно его выбрать мышью и нажать кнопку *OK*. Интерфейс будет выбран, и указан в списке *Interfaces* диалогового окна *New Java Class*.



Далее для создания заготовок функций нужно выбрать флажковое поле *Inherited abstract methods*, и запретить автоматически создавать функцию *main()*. После указания таких настроек следует нажать кнопку *Finish*.

В проект будет добавлен файл **FFunction.java**, содержащий заготовку класса,

реализующего заданный интерфейс:

```
package classWork6;

public class FFunction implements Evaluatable {

    public double evalf(double x) {
        // TODO Auto-generated method stub
        return 0;
    }

}
```

Для реализации нужной функциональности добавляем закрытое поле для хранения значения параметра a , автоматически генерируем два конструктора и подправляем их код, а также реализовываем метод вычисления evalf(). В результате получится примерно такой код:

```
package classWork6;

public class FFunction implements Evaluatable {

    private double a;

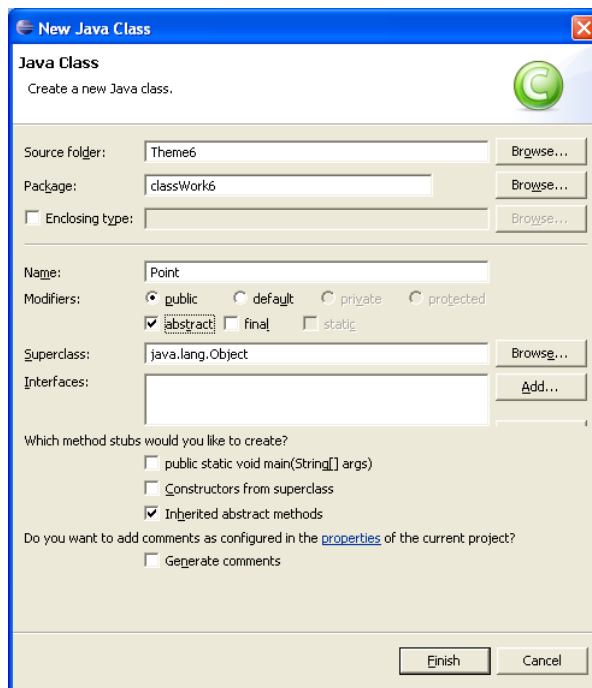
    public FFunction(double a) {
        // TODO Auto-generated constructor stub
        this.a = a;
    }

    public FFunction() {
        // TODO Auto-generated constructor stub
        this(1.0);
    }

    public double evalf(double x) {
        // TODO Auto-generated method stub
        return Math.exp(-a*x*x)*Math.sin(x);
    }

}
```

Для того, чтобы реализовать вычисления оставшихся двух функций создадим два дополнительных класса. Первый класс — абстрактный класс Point. Данный класс содержит базовые возможности по представлению точки в n -мерном пространстве. В качестве полей этот класс содержит массив координат точки, имеет один конструктор и два метода доступа. Для создания класса выполняем команду меню *File | New | Class* и в появившемся на экране диалоговом окне *New Java Class* указываем такие, как на рисунке настройки.



В проект будет добавлен файл **Point.java**, содержащий заготовку создаваемого абстрактного класса:

```
package classWork6;
```

```
public abstract class Point {  
}
```

В данную заготовку добавляем поле — массив координат, добавляем конструктор с одним параметром — размерностью пространства и создаем методы доступа. Нужно обратить внимание на то, что в методах доступа указан не индекс, а номер точки (индекс на единицу меньше номера). Далее с помощью пункта меню *Override/Implement Methods* вызываем на экран одноименное диалоговое окно, в котором для переопределения выбираем метод `toString()`. В тело класса будет вставлен шаблон метода с аннотацией. В этом методе следует изменить то, что было сгенерировано по умолчанию на код, который создает такое строковое представление точки: (x, y) . В результате получится класс вида:

```
package classWork6;
```

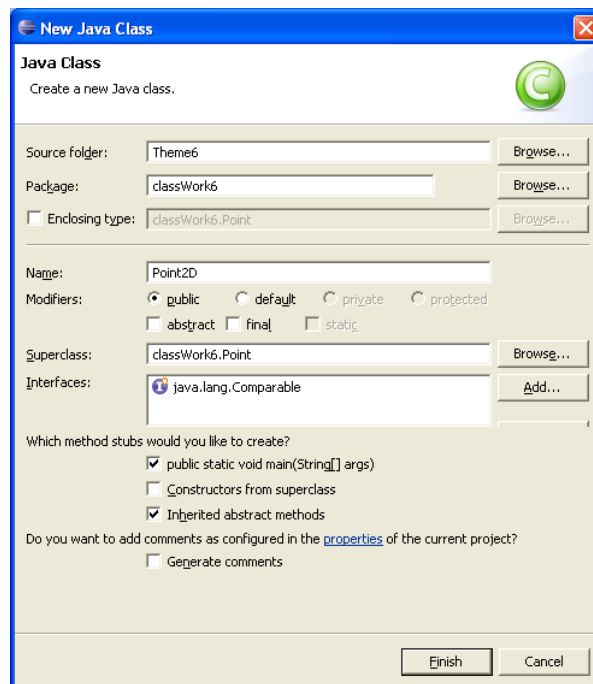
```
public abstract class Point {  
  
    private double[] coords = null;  
  
    public Point(int num) {  
        this.coords = new double[num];  
    }  
  
    public void setCoord(int num, double x) {  
        coords[num-1] = x;  
    }  
  
    public double getCoord(int num) {  
        return coords[num-1];  
    }  
}
```

```

@Override
public String toString() {
    // TODO Auto-generated method stub
    String res = "(";
    for (double x : coords) {
        res += x + ", ";
    }
    return res.substring(0, res.length()-2) + ")";
}
}

```

Следует обратить внимание: несмотря на то, что в классе нет абстрактных методов класс объявлен абстрактным. Так можно поступать тогда, когда мы хотим быть уверенными, что никто и никогда не сможет создать объект этого класса. Для того, чтобы было удобно работать с точкой в двумерном пространстве создадим класс `Point2D` — производный класс от класса `Point`. Данный класс будет не только производным классом от класса `Point`, но и будет реализовывать интерфейс `Comparable`, для того, чтобы можно было сортировать коллекции точек. Эти требования стандартным образом указываются в диалоговом окне создания нового класса:



Будет создан шаблон класса такого вида:

```

package classWork6;

public class Point2D extends Point implements Comparable {

    public int compareTo(Object arg0) {
        // TODO Auto-generated method stub
        return 0;
    }

    /**

```

```

    * @param args
    */
    public static void main(String[] args) {
        // TODO Auto-generated method stub

    }
}

```

В созданный класс стандартным образом добавляем два конструктора (один создает объект точку из пары чисел, а второй — конструктор по умолчанию), удобные методы доступа, реализуем функцию сравнения `compareTo` и создаем функцию `main()`, в которой проверяем функциональность созданного класса. Класс `Point2D` может получиться примерно таким:

```

package classWork6;

public class Point2D extends Point implements Comparable <Point2D> {

    public Point2D(double x, double y) {
        super(2);
        setCoord(1, x); setCoord(2, y);
    }

    public Point2D() {
        this(0, 0);
    }

    public double getX() {
        return getCoord(1);
    }

    public void setX(double x) {
        setCoord(1, x);
    }

    public double getY() {
        return getCoord(2);
    }

    public void setY(double y) {
        setCoord(2, y);
    }

    public int compareTo(Point2D pt) {
        // TODO Auto-generated method stub
        return Double.compare(getX(), pt.getX());
    }

    /**
     * @param args
     */
    public static void main(String[] args) {
        // TODO Auto-generated method stub
        java.util.List<Point2D> data = new java.util.ArrayList<Point2D>();
    }
}

```



```

int num;
double x;

java.util.Scanner in = new java.util.Scanner(System.in);
do {
    System.out.print("Количество точек: ");
    num = in.nextInt();
} while (num <= 0);

for (int i = 0; i < num; i++)
{
    x = 1.0 + (5.0 - 1.0)*Math.random();
    data.add(new Point2D(x, Math.sin(x)));
}

System.out.println("Несортированные данные: ");
for (Point2D pt : data)
    System.out.println(pt);

System.out.println("\nОтсортированные данные: ");
java.util.Collections.sort(data);
for (Point2D pt : data)
    System.out.println("x = " + pt.getX() + "\ty = " + pt.getY());
}
}

```

Далее, создадим абстрактный класс `Interpolator`, в котором опишем которые должна выполнять функция интерполяции данных, вне зависимости от способа их хранения и представления. Кроме того, чтобы эти объекты можно было дифференцировать, этот класс должен реализовывать интерфейс `Evaluatable`.

Стандартным образом создаем класс и указываем требования к нему. Получаем заготовку класса, в которую добавляем абстрактные методы, с помощью которых реализуем метод `evalf()` (вычисление интерполяционного полинома Лагранжа по набору заданных точек для указанного аргумента). Класс примет примерно такой вид:

```

package classWork6;

public abstract class Interpolator implements Evaluatable {

    abstract public void clear();
    abstract public int numPoints();
    abstract public void addPoint(Point2D pt);
    abstract public Point2D getPoint(int i);
    abstract public void setPoint(int i, Point2D pt);
    abstract public void removeLastPoint();
    abstract public void sort();

    public double evalf(double x) {
        // TODO Auto-generated method stub
        double res = 0.0;
        int numData = numPoints();
        double numer, denom;

        for (int k = 0; k < numData; k++) {

```

```

        number = 1.0;
        denom = 1.0;
        for (int j = 0; j < numData; j++) {
            if (j != k) {
                number = number * (x - getPoint(j).getX());
                denom = denom * (getPoint(k).getX() - getPoint(j).getX());
            }
        }
        res = res + getPoint(k).getY()*number/denom;
    }
}

return res;
}
}

```

Для представления второй функции для дифференцирования создадим класс `ListInterpolation`, наследник класса `Interpolator`. В этом классе точки, по которым будет строиться интерполяционный полином будут храниться в списочном массиве. Стандартным образом автоматически создаем заготовку данного класса. Добавляем и исправляем автоматически сгенерированный код конструкторов. Для удобства работы создадим три конструктора — конструктор по умолчанию, а также конструкторы, которые создают объект этого класса по массиву и по списочному массиву точек. Далее реализуем все абстрактные методы базового класса и реализуем метод `main()`, в котором проверяем все возможности разработанного класса. Класс может иметь такой вид:

```

package classWork6;

import java.util.*;

public class ListInterpolation extends Interpolator {

    private List<Point2D> data = null;

    public ListInterpolation(List<Point2D> data) {
        // TODO Auto-generated constructor stub
        this.data = data;
    }

    public ListInterpolation() {
        // TODO Auto-generated constructor stub
        data = new ArrayList<Point2D>();
    }

    public ListInterpolation(Point2D[] data) {
        // TODO Auto-generated constructor stub
        this();
        for (Point2D pt : data)
            this.data.add(pt);
    }

    @Override
    public void clear() {
        // TODO Auto-generated method stub
    }
}

```

```

    data.clear();
}

@Override
public int numPoints() {
    // TODO Auto-generated method stub
    return data.size();
}

@Override
public void addPoint(Point2D pt) {
    // TODO Auto-generated method stub
    data.add(pt);
}

@Override
public Point2D getPoint(int i) {
    // TODO Auto-generated method stub
    return data.get(i);
}

@Override
public void setPoint(int i, Point2D pt) {
    // TODO Auto-generated method stub
    data.set(i, pt);
}

@Override
public void removeLastPoint() {
    // TODO Auto-generated method stub
    data.remove(data.size()-1);
}

@Override
public void sort() {
    // TODO Auto-generated method stub
    java.util.Collections.sort(data);
}

/**
 * @param args
 */
public static void main(String[] args) {
    // TODO Auto-generated method stub
    // TODO Auto-generated method stub
    ListInterpolation fun = new ListInterpolation();

    int num;
    double x;
    java.util.Scanner in = new java.util.Scanner(System.in);

    do {
        System.out.print("Количество точек: ");
        num = in.nextInt();
    }

```

```

    } while (num <= 0);

    for (int i = 0; i < num; i++)
    {
        x = 1.0 + (5.0 - 1.0)*Math.random();
        fun.addPoint(new Point2D(x, Math.sin(x)));
    }
    System.out.println("Интерполяция по: " + fun.numPoints() + " точкам");
    System.out.println("Несортированный набор: ");
    for (int i = 0; i < fun.numPoints(); i++)
        System.out.println("Точка " + (i+1) + ": " + fun.getPoint(i));

    fun.sort();
    System.out.println("Отсортированный набор: ");
    for (int i = 0; i < fun.numPoints(); i++)
        System.out.println("Точка " + (i+1) + ": " + fun.getPoint(i));

    System.out.println("Минимальное значение x: " + fun.getPoint(0).getX());
    System.out.println("Максимальное значение x: " +
        fun.getPoint(fun.numPoints()-1).getX());

    x = 0.5*(fun.getPoint(0).getX() + fun.getPoint(fun.numPoints()-1).getX());
    System.out.println("Значение интерполяции fun(" + x + ") = " + fun.evalf(x));
    System.out.println("Точное значение sin(" + x + ") = " + Math.sin(x));
    System.out.println("Абсолютная ошибка = " + Math.abs(fun.evalf(x)-Math.sin(x)));
}
}

```

В метод `main()` следует **добавить проверку непроверенных методов. Проверить, как зависит ошибка интерполяции от количества используемых при интерполяции точек.**

Для представления третьей функции удобно создать класс – наследник класса `ListInterpolation`, дополнив его методами чтения информации из файла и записи информации в файл. В данном классе автоматически создаем конструктор по умолчанию, добавляем методы считывания информации о точках и записи такой информации в файл. Также добавляем метод `main()`, с помощью которого тестируем класс. Кроме того, в методе `main()` подготовим файл с данными для работы. Сохраним их в файле **TblFunc.dat**. В результате получится класс вида:

```

package classWork6;

import java.io.*;
import java.util.*;

public class FileListInterpolation extends ListInterpolation {

    public FileListInterpolation() {
        super();
        // TODO Auto-generated constructor stub
    }

    public void readFromFile(String fileName) throws IOException {
        BufferedReader in = new BufferedReader(new FileReader(fileName));
        String s = in.readLine();
    }
}

```

```

clear();
while ((s = in.readLine()) != null) {
    StringTokenizer st = new StringTokenizer(s);
    double x = Double.parseDouble(st.nextToken());
    double y = Double.parseDouble(st.nextToken());
    addPoint(new Point2D(x, y));
}
in.close();
}

public void writeToFile(String fileName) throws IOException {
    PrintWriter out = new PrintWriter(new FileWriter(fileName));
    out.printf("%9s%25s\n", "x", "y");
    for (int i = 0; i < numPoints(); i++) {
        out.println(getPoint(i).getX() + "\t" + getPoint(i).getY());
    }
    out.close();
}

/**
 * @param args
 */
public static void main(String[] args) {
    // TODO Auto-generated method stub
    FileListInterpolation fun = new FileListInterpolation();

    int num;
    double x;
    java.util.Scanner in = new java.util.Scanner(System.in);

    do {
        System.out.print("Количество точек: ");
        num = in.nextInt();
    } while (num <= 0);

    for (int i = 0; i < num; i++) {
        x = 1.0 + (5.0 - 1.0)*Math.random();
        fun.addPoint(new Point2D(x, Math.sin(x)));
    }
    System.out.println("Интерполяция по: " + fun.numPoints() + " точкам");
    System.out.println("Несортированный набор: ");
    for (int i = 0; i < fun.numPoints(); i++)
        System.out.println("Точка " + (i+1) + ": " + fun.getPoint(i));

    fun.sort();
    System.out.println("Отсортированный набор: ");
    for (int i = 0; i < fun.numPoints(); i++)
        System.out.println("Точка " + (i+1) + ": " + fun.getPoint(i));

    System.out.println("Минимальное значение x: " + fun.getPoint(0).getX());
    System.out.println("Максимальное значение x: " +
        fun.getPoint(fun.numPoints()-1).getX());

    System.out.println("Сохраняем в файл");
}

```

```

    try {
        fun.writeToFile("data.dat");
    }
    catch (IOException ex) {
        ex.printStackTrace();
        System.exit(-1);
    }

    System.out.println("Считываем из файла");
    fun.clear();
    try {
        fun.readFromFile("data.dat");
    }
    catch (IOException ex) {
        ex.printStackTrace();
        System.exit(-1);
    }

    System.out.println("Данные из файла: ");
    fun.sort();
    for (int i = 0; i < fun.numPoints(); i++)
        System.out.println("Точка " + (i+1) + ": " + fun.getPoint(i));

    System.out.println("Минимальное значение x: " + fun.getPoint(0).getX());
    System.out.println("Максимальное значение x: " +
        fun.getPoint(fun.numPoints()-1).getX());
    x = 0.5*(fun.getPoint(0).getX() + fun.getPoint(fun.numPoints()-1).getX());
    System.out.println("Значение интерполляции fun(" + x + ") = " + fun.evalf(x));
    System.out.println("Точное значение sin(" + x + ") = " + Math.sin(x));
    System.out.println("Абсолютная ошибка = " + Math.abs(fun.evalf(x)-Math.sin(x)));

    System.out.println("Готовим данные для счета");
    fun.clear();
    for (x = 1.0; x <= 7.0; x += 0.1) {
        fun.addPoint(new Point2D(x, Math.sin(x)));
    }
    try {
        fun.writeToFile("TblFunc.dat");
    }
    catch (IOException ex) {
        ex.printStackTrace();
        System.exit(-1);
    }
}
}

```

Таким образом, третья функция для дифференцирования полностью определена. Для того, чтобы можно было полностью реализовать вторую функцию, нужно в проект добавить еще два класса. Один класс — левая часть уравнения, которое необходимо решить ($\operatorname{sech}(x)^2 = a \cdot x$). Данный класс создается примерно так же, как и класс с первой функцией для дифференцирования. Класс должен реализовывать интерфейс `Evaluatable` и будет содержать одно закрытое поле (значение параметра a), два конструктора и определенный метод `evalf()`. Класс может быть примерно таким:

```

package classWork6;

public class LeftHand implements Evaluatable {

    private double a;

    public LeftHand(double a) {
        this.a = a;
    }

    public LeftHand() {
        this(0);
    }

    public double evalf(double x) {
        // TODO Auto-generated method stub
        return 1.0/Math.pow(Math.cosh(x), 2) - a*x;
    }

}

```

Для решения задания понадобится еще и класс, в котором будут реализованы численные методы: решение нелинейного уравнения и метод дифференцирования функции одной переменной. Для удобства работы эти методы будут реализованы как статические, т. к. для их работы будет не нужно получать доступ к полям класса. Для того, что бы никто не мог создать экземпляров этого класса (для доступа к статическим методам объекты класса не нужны) создадим один закрытый конструктор по умолчанию. В класс добавим метод `main()`, в котором проверим работу методов на тестовых примерах. Класс может быть примерно таким:

```

package classWork6;

public class numMethods {

    private numMethods() {
        // TODO Auto-generated constructor stub
    }

    private static double meth(double x, double h, Evaluatable f) {
        return 0.5*(f.evalf(x+h) - f.evalf(x-h))/h;
    }

    public static double der(double x, double tol, Evaluatable f) {
        final int MAX = 100;
        double h = 0.1;
        double one = meth(x, h, f);
        h = 0.1*h;
        double two = meth(x, h, f);
        int i = 0;
        double tmp;
        boolean ok;
        do {
            h = 0.1*h;
            tmp = meth(x, h, f);
            ok = ( Math.abs(tmp-two) >= Math.abs(two-one) ) ||

```

```

        ( Math.abs(two-one) < tol );
    if (i > MAX) {
        System.out.print("Слишком много шагов вычислений");
        System.exit(-1);
    }
    i += 1;
    one = two;
    two = tmp;
} while (!ok);

return two;

}

public static double findRoot(double appr, double eps, Evaluatable f) {
    final int MAX_ITER = 100;
    int k = 0;
    double delta = 1.0e-1*appr;
    double old1 = appr, old2 = appr + delta;
    double res, error;
    do {
        k += 1;
        res = old2 - f.evalf(old2) * (old1 - old2) /
            ( f.evalf(old1) - f.evalf(old2) );
        error = Math.abs(res - old2);
        old1 = old2;
        old2 = res;
        if (k > MAX_ITER) {
            System.out.print("Слишком много шагов вычислений");
            System.exit(-1);
        }
    } while (error >= eps);

    return res;
}

/**
 * @param args
 */
public static void main(String[] args) {
    // TODO Auto-generated method stub
    // Проверка метода решения уравнения
    double resEq1, resEq2;

    resEq1 = findRoot(1.0, 1.0e-7,
        new Evaluatable() {
            public double evalf(double x) {return x*x - 4;}
        }
    );

    resEq2 = findRoot(-1.0, 1.0e-7,
        new Evaluatable() {
            public double evalf(double x) {return x*x - 4;}
        }
    );
}

```



```

);

System.out.println("Первый корень: " + resEq1 + "\nВторой корень: " + resEq2);

// Проверка метода дифференцирования
ListInterpolation fun = new ListInterpolation();

int num;
double x = -0.5*Math.PI;
double step = 0.1;
java.util.Scanner in = new java.util.Scanner(System.in);

do {
    System.out.print("Количество точек: ");
    num = in.nextInt();
} while (num <= 0);

for (int i = 0; i < num; i++)
{
    x += step;
    fun.addPoint(new Point2D(x, Math.sin(x)));
}

x = 0.5*(fun.getPoint(0).getX() + fun.getPoint(fun.numPoints()-1).getX());
double res = numMethods.der(x, 1.0e-5, fun);
System.out.println("Численное значение sin'(" + x + ") = " + res);
System.out.println("Символьное значение sin'(" + x + ") = " + Math.cos(x));
System.out.println("Абсолютная ошибка = " + Math.abs(res-Math.cos(x)));
}
}

```

Нужно обратить внимание на ту часть метода `main()`, в которой выполняется проверка метода решения уравнения. При вызове метода `findRoot` использован анонимный вложенный класс. Его удобно применять, когда нужен только один объект данного класса в одном месте программы. Приведенная в вызове метода `findRoot` запись означает, что создается новый безымянный объект класса, реализующего интерфейс `Evaluatable`, в котором реализован требуемый метод `evalf()`. Подробнее об этом поговорим на лекции.

Для завершения программы нужно создать класс, в котором будет выполнено основное наше задание. Этот класс будет содержать единственный метод `main()`, который организует требуемую работу. Класс может быть примерно таким:

```

package classWork6;

import java.io.*;

public class DerivativeApplication {

    /**
     * @param args
     */
    public static void main(String[] args) throws IOException {
        // TODO Auto-generated method stub
    }
}

```

```

Evaluatable functs[] = new Evaluatable[3];
functs[0] = new FFunction(0.5);
functs[1] = new ListInterpolation();
functs[2] = new FileListInterpolation();

double root = 0.6;
for (double a = 1.0; a <= 7.0; a+= 0.1) {
    root = numMethods.findRoot(root, 1.0e-6, new LeftHand(a));
    ((ListInterpolation)functs[1]).addPoint(new Point2D(a, root));
}

try {
    ((FileListInterpolation)functs[2]).readFromFile("TblFunc.dat");
}
catch (IOException ex) {
    ex.printStackTrace();
    System.exit(-1);
}

String fileName = "";
for (Evaluatable f: functs) {
    System.out.println("Функция: " + f.getClass().getSimpleName());
    fileName = f.getClass().getSimpleName() + ".dat";
    PrintWriter out = new PrintWriter(new FileWriter(fileName));
    for (double x = 1.5; x <= 6.5; x += 0.05) {
        System.out.println("x: " + x + "\tf: " + f.evalf(x)
            + "\tf': " + numMethods.der(x, 1.0e-4, f));
        out.printf("%16.6e%16.6e%16.6e\n", x, f.evalf(x),
            numMethods.der(x, 1.0e-4, f));
    }
    System.out.println("\n");
    out.close();
}
}
}

```

Протестировать работу приложения. Построить графики.