

Модуль № 2 «Ввод / вывод. Составные типы данных»

Тема № 1. Создание библиотек и работа с ними

На данном занятии необходимо познакомиться с созданием статических библиотек *Фортрана* и рассмотреть особенности работы с такими библиотеками. Кроме того, следует рассмотреть особенности форматного вывода.

Список заданий

Задание № 1

На основе ранее разработанных процедур вычисления производных, интегралов, решения нелинейных уравнений и обыкновенных дифференциальных уравнений создать статическую библиотеку пользователя.

На предыдущих занятиях мы создали программные модули для численного решения ряда задач:

- ◆ модуль **NDeriv** — методы численного дифференцирования функции одной переменной;
- ◆ модуль **NIntegr** — методы численного интегрирования функции одной переменной;
- ◆ модуль **NSolve** — методы численного решения уравнений одной переменной;
- ◆ модуль **NDSolve** — метод численного решения обыкновенного дифференциального уравнения одной переменной.

Модули были созданы, проверены, протестированы и могут быть использованы в различных наших проектах. Для упрощения дальнейшей работы на основе разработанных модулей создадим *статическую библиотеку* функций пользователя и проверим ее работу.

Процесс создания библиотеки показан в *Рекомендациях по выполнению* этого задания.

Проверить работу библиотеки, вычислив выражение

$$f'(x) \int_0^x \sin(\cos(t)^2) dt, \text{ где } f(x) = \sin(x) \exp(-x)$$

для $x \in [0, 6]$ с заданным шагом. Результаты вычисления вывести на экран и сохранить в текстовый файл. По результатам расчетов построить график.

Задание № 2

С заданной точностью вычислить значение функции Бесселя по ее интегральному представлению.

$$J_m(x) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \cos(mt - x \sin(t)) dt$$

Результат (значения x , $J_m(x)$) сохранить в текстовом файле. Значение для m получить из текстового файла, а начальное, конечное значения и шаг изменения x получить с клавиатуры. По результатам расчетов построить график. Сравнить полученные численные значения с результатом, вычисленным в *Mathematica*. Численные методы, необходимые для решения задачи взять из разработанной библиотеки. Замечания по решению задачи приведены в *Рекомендациях по выполнению*.

Задание № 3

Численным методом с заданной точностью найти первые два положительных корня уравнения $J'_m(x)=0$ методом секущих. Значение m получить из файла. Интервал локализации корней найти графическим методом. Результат расчетов вывести на экран. Сравнить полученные численные значения с результатом, вычисленным в *Mathematica*. Численные методы, необходимые для решения задачи взять из разработанной библиотеки. Замечания по решению задачи приведены в *Рекомендациях по выполнению*.

Задание № 4

Задано обыкновенное дифференциальное уравнение с начальным условием:

$$y'(x) = y(x) \cdot \cos(x + y(x)), \quad y(0) = a.$$

1). В диапазоне $x \in [0, 30]$ получить численное решение уравнения для нескольких различных значений параметра a ($a = 0.1, 0.5, 3.0, 5.0$). В текстовый файл с данными сохранить значения x , $y(x)$, $y'(x)$. Построить, оформить графики, обозначить кривые, экспортировать в PNG формате. Правильность вычислений проверить с помощью системы *Mathematica*.

2). С помощью численных методов найти второй положительный корень производной решения (x_{root}) при $a = 0.5$ и вычислить $\int_0^{x_{\text{root}}} y(x) \, dx$. Результат расчетов вывести на экран.

Сравнить полученные численные значения с результатом, вычисленным в *Mathematica*.


Численные методы, необходимые для решения задачи взять из разработанной библиотеки. Замечания по решению задачи приведены в *Рекомендациях по выполнению*.

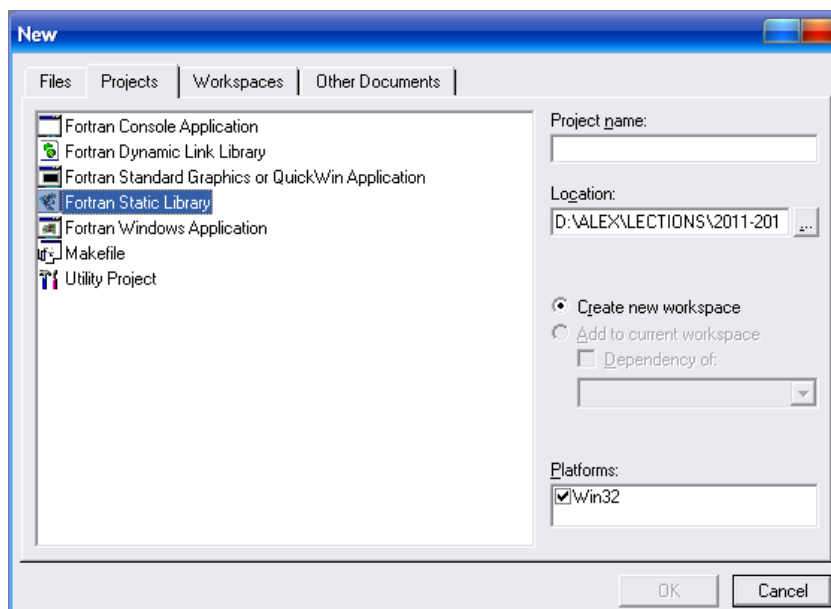
Рекомендации по выполнению

Задание № 1

Процесс создания и подключения к проекту библиотеки зависит используемой среды программирования. Рассмотрим две используемые на уроках среды: *Compaq Visual Fortran 6.1* и *PGI Visual Fortran 2010*.

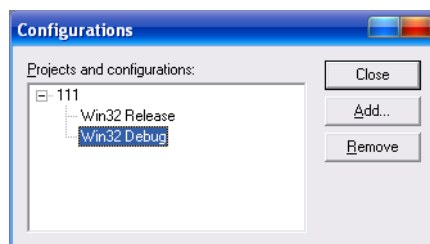
Компилятор *Compaq Visual Fortran 6.1*

Для создания библиотеки нужно создать новый проект особого вида. Выполнив команду **File | New** (комбинация клавиш **Ctrl + N**) на экран будет выведено окно создания нового проекта. В данном окне следует выбрать требуемый тип проекта (*Fortran Static Library*), в текстовом поле *Project Name* указать имя проекта (имя будущей библиотеки, например NumLib), а в текстовом поле *Location* стандартным образом (окно выбора папки, вызываемое с помощью кнопки , расположенной справа от указанного поля) указать месторасположение проекта.



После того, как указана вся требуемая информация, следует нажать кнопку **OK** и перейти к следующему окну мастера создания нового проекта. Далее стандартным образом нужно закончить работу мастера проектов. В результате будет создан пустой проект, предназначенный для создания статической библиотеки. Далее следует добавить в проект исходные файлы. В папку проекта запишем (скопируем) созданные ранее файлы *NDeriv.f90*, *NIntegr.f90*, *NSolve.f90* и *NDSolve.f90*. После этого стандартным образом добавим эти файлы к нашему проекту (**Project | Add To Project | Files...**).

Будем делать **Debug** версию библиотеки. Для этого вначале нужно выбрать нужную конфигурацию проекта. Для этого вызовем команду меню **Build | Configurations...**. На экран будет выведено диалоговое окно выбора рабочей конфигурации проекта.



В данном окне нужно выбрать нужную конфигурацию (*Win32 Debug*). Далее откомпилируем (*Build | Compile*) и соберем (*Build | Build*) наш проект. Запускать его НЕ НАДО.

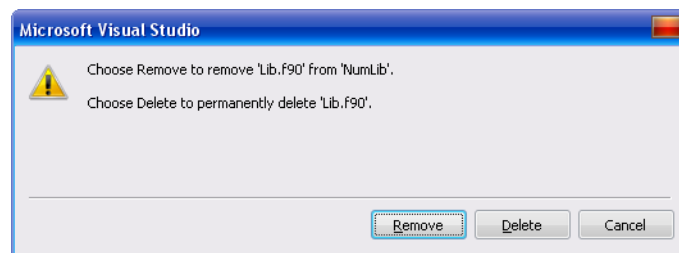
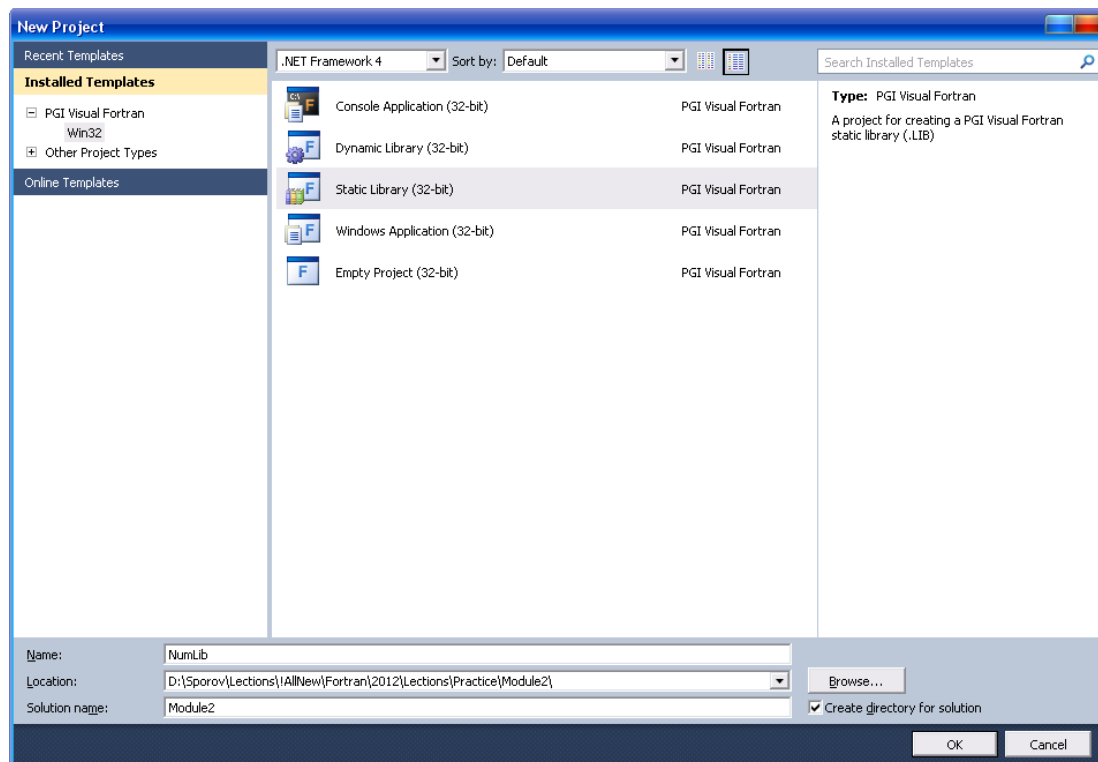
Таким образом, в папке проекта **Debug** будут находиться файл библиотеки (***.lib**) и файлы откомпилированных модулей (***.mod**). Если бы в исходных файлах с текстами процедур не содержались бы модули, то файлы откомпилированных модулей бы не создавались.

Для проверки работы библиотеки создадим новый консольный проект. Для того, чтобы подключить созданную библиотеку к этому проекту запишем файл библиотеки (***.lib**) и файлы откомпилированных модулей (***.mod**) в папку проекта и добавим эти файлы в проект (*Project | Add To Project | Files...*). После этого можно как обычно пользоваться функциями, находящимися в библиотеке.

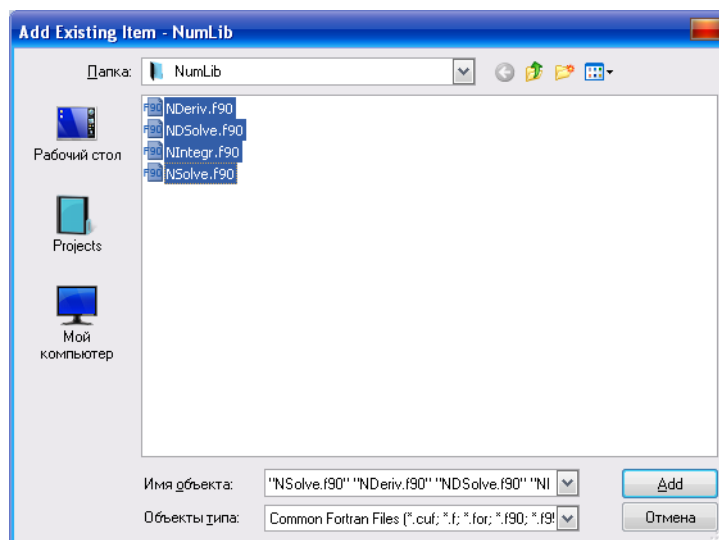
Компилятор PGI Visual Fortran 2010

Для создания статической библиотеки нужно создать новый специальный проект. Команда меню *File | New | Project...* (комбинация клавиш **Ctrl + Shift + N**) выведет на экран первое окно мастера создания нового проекта. В данном окне следует выбрать проходящий шаблон проекта (*Static Library 32 bit*), в текстовом поле *Name:* указать имя проекта (**NumLib**), в текстовом поле *Location:* стандартным образом (окно выбора папки, вызываемое с помощью кнопки **Browse...**, расположенной справа от указанного поля) указать месторасположение проекта, и в текстовом поле *Solution name:* указать имя решения (**Module2**). В данном случае имя решения будет отличаться от имени проекта, так как решение будет содержать много проектов.

После того, как нажата кнопка **OK**, будет создан требуемый проект, включающий пока только стандартный исходный файл (**Lib.f90**) с шаблоном подпрограммы. Удалим данный файл из проекта. Для этого выделим его мышью в окне *обозревателя решений* (*Solution Explorer*) воспользовавшись либо командой *Edit | Remove*, либо клавишей **Del**, либо командой *Remove* контекстного меню. На экран будет выведено диалоговое окно, в котором пользователя попросят уточнить свои действия. Нажатие кнопки **Remove** просто удалит выделенный файл из проекта, оставив его на диске. Кнопка **Delete** предназначена не только для удаления выбранного файла из проекта, но и для удаления его из файловой системы компьютера. Нажимаем кнопку **Delete** для удаления файла. Теперь проект пуст, и в него нужно добавить требуемые исходные файлы.

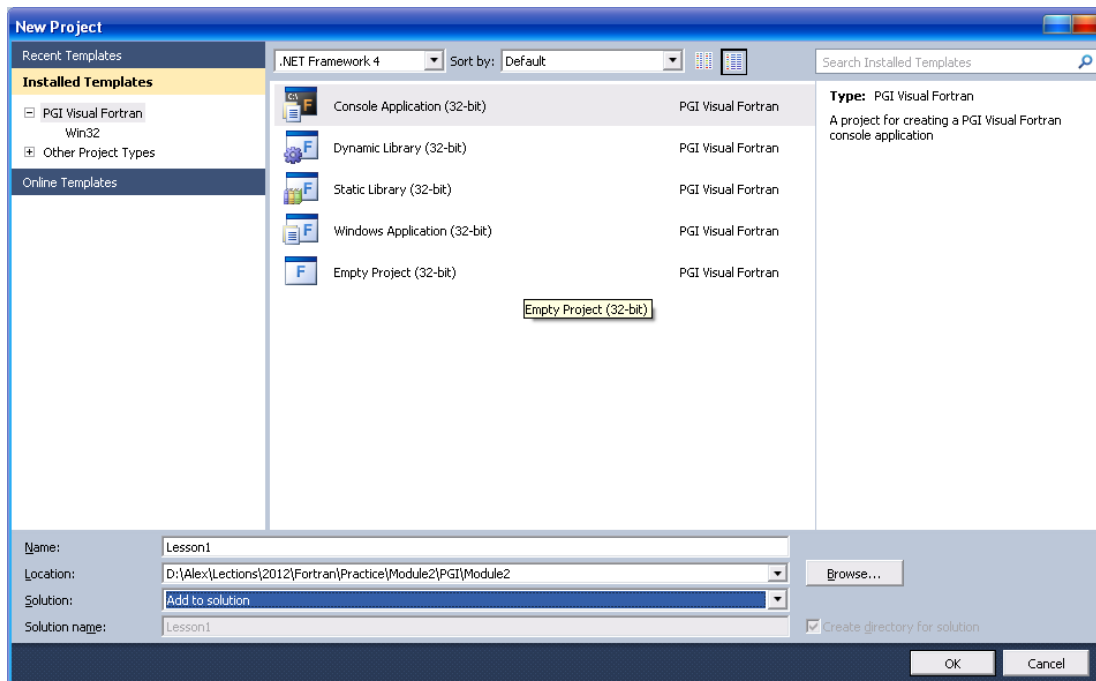


Для этого в папке решения **Module2** находим папку нашего проекта (папка **NumLib**), куда запишем (скопируем) созданные ранее файлы **NDeriv.f90**, **NIntegr.f90**, **NSolve.f90** и **NDSolve.f90**. После этого стандартным образом добавим эти файл к нашему проекту (*Project | Add Existing Item... (Shift + Alt + A)*).



На экран будет выведено диалоговое окно *Add Existing Item*, предназначенное для добавления существующих файлов к проекту. Нужно выбрать файлы **NDeriv.f90**,

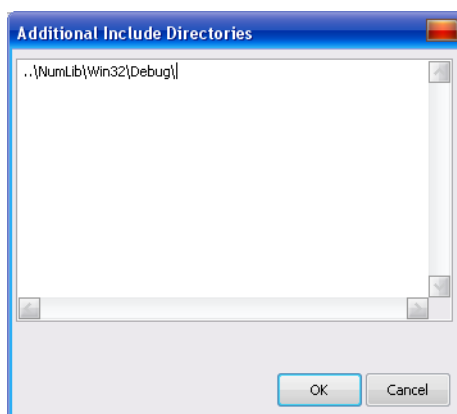
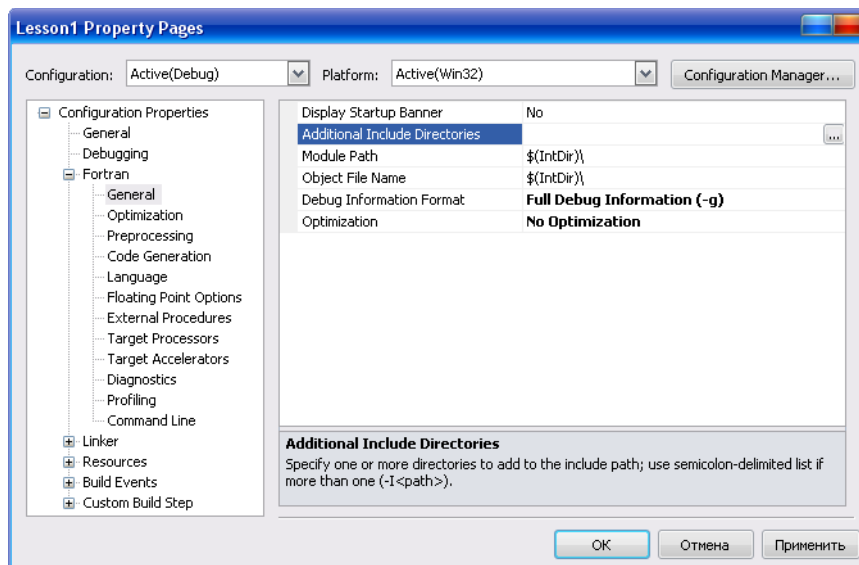
мышью вызвать контекстное меню и в нем выбрать команду *Add | New Project...*. Добавить новый проект к решению можно и другим способом. Для этого воспользуемся командой меню *File | New | Project...* (комбинация клавиш **Ctrl + Shift + N**). Так как данная команда была вызвана из существующего решения, то первое окно мастера создания нового проекта будет иметь немного другой вид.



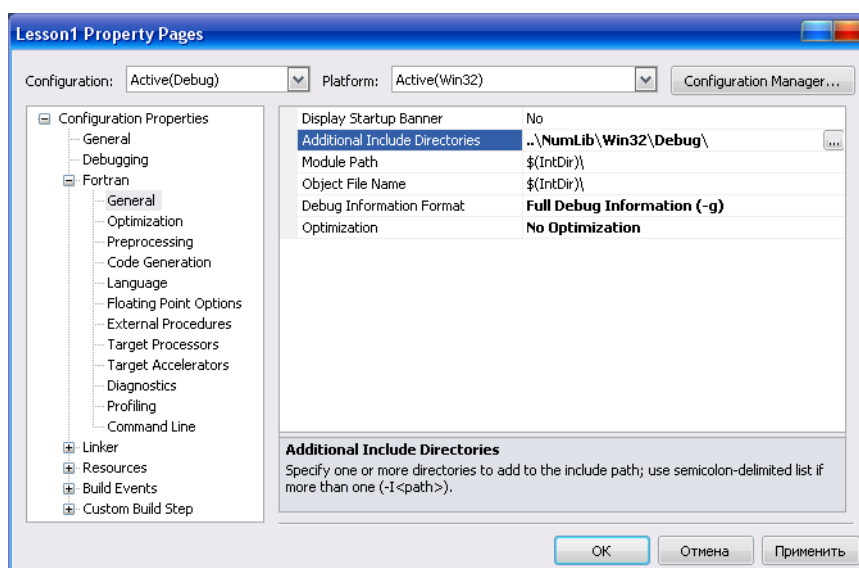
В данном окне следует выбрать тип нового проекта (**Console Application (32-bit)**), в текстовом поле **Name**: указать имя нового, создаваемого проекта (**Lesson1**), в поле **Location**: указать месторасположение нового проекта (по умолчанию в этом поле указан полный путь к текущему решению; лучше не менять это значение и тогда новый проект будет размещен в той же папке на жестком диске ПК, что и предыдущий), в новом поле **Solution**: указать, что новый проект нужно добавить к уже существующему решению (из раскрывающегося списка выбрать значение **Add to solution**). При этом поле **Solution name**: будет не активным. После того, как будет нажата кнопка **OK**, мастер создания нового проекта завершит свою работу и к текущему решению будет добавлен новый проект требуемого типа с указанным именем. Проект будет содержать один пустой исходный файл с именем по умолчанию (**ConsoleApp.f90**). С помощью контекстного меню переименуем его в **Task1.f90**.

Так как решение содержит уже несколько проектов, то нужно указать среде разработки какой проект является «запускающим». Для этого вызываем контекстное меню проекта **Lesson1** и выбираем команду **Set as StartUp Project**. В результате проектом, который с которого начнется выполнение программы будет проект **Lesson1**. Название проекта в окне **Solution Explorer** будет выделено полужирным шрифтом.

Для того, чтобы можно было пользоваться только что созданной библиотекой, наш новый проект нужно настроить. Для этого вызываем контекстное меню нашего нового проекта и в нем выбираем команду **Properties**. На экран будет выведено диалоговое окно со всеми свойствами проекта. В данном окне нужно указать компилятору где ему можно будет найти файлы откомпилированных модулей (***.mod**), входящих в библиотеку; указать редуктору связей где в файловой системе ПК расположен файл библиотеки (**NumLib.lib**) и какую собственно библиотеку из этой папки нужно использовать. Кроме того, очень удобно указать существующие зависимости между проектами, что бы при любых изменениях в

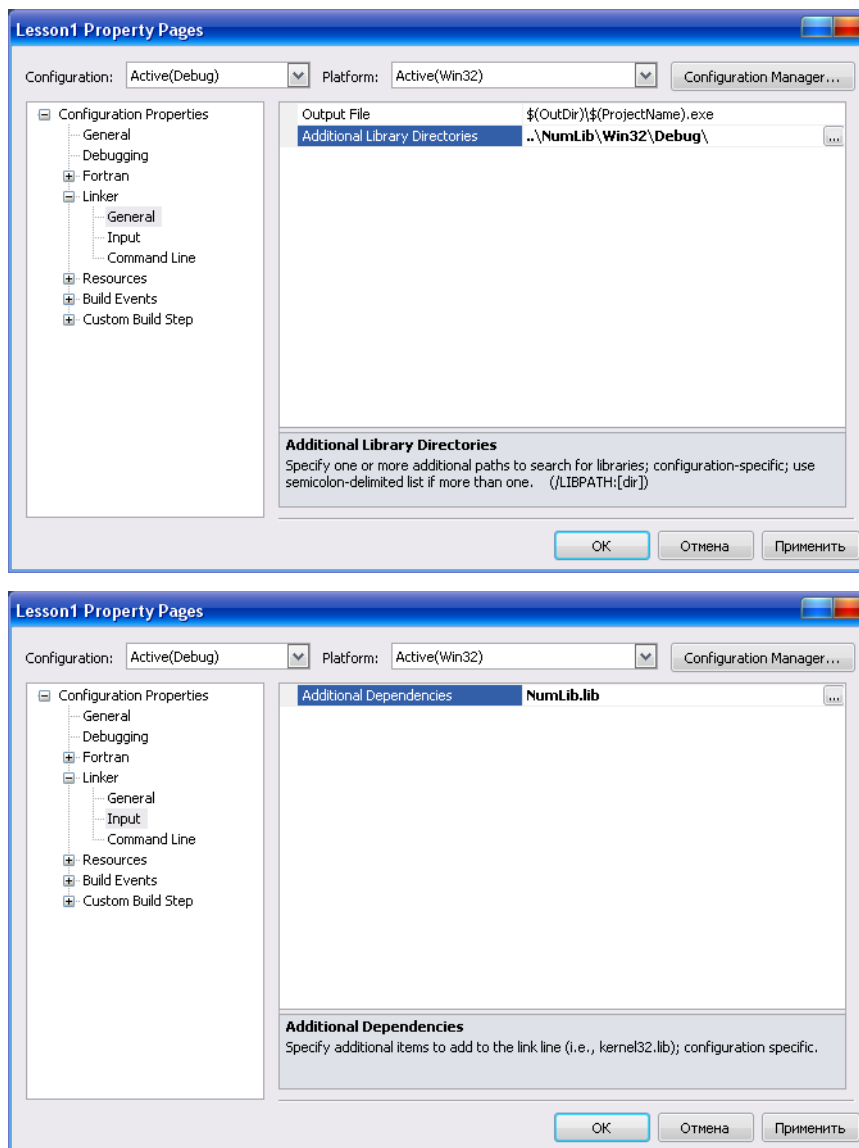


В данном окне можно указать абсолютный (полный) путь к папке, где лежат **mod**-файлы, но лучше указать относительный. Тогда проект можно будет без перенастройки размещать в других папках и переносить на другие компьютеры. В результате диалоговое окно со свойствами проекта будет выглядеть так:



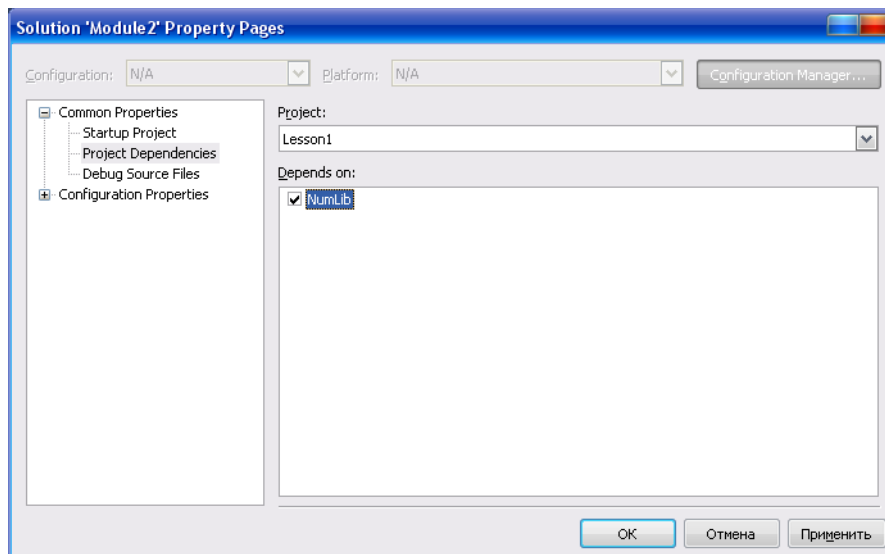
Далее укажем дополнительные настройки редактора связей. Для этого нужно перейти в секцию *Linker*. В данной секции нужно сначала перейти в раздел *General*. В данном

разделе есть текстовое поле *Additional Library Directories*, в котором нужно указать путь к файлам дополнительных библиотек (***.lib**), которые нужно подключить к проекту. Делаем все те же действия, с помощью которых указывали дополнительные настройки компилятора.



Далее нужно указать, какую библиотеку, расположенную в ранее указанном месте, нужно подключить к проекту. Для этого нужно выбрать раздел *Input*, в расположенный в секцию *Linker*. В данном разделе в текстовом поле *Additional Dependencies* нужно указать имя файла библиотеки, которую нужно подключить к проекту (в нашем случае NumLib.lib).

Для удобства дальнейшей работы нужно указать существующие зависимости между проектами (в нашем случае проект Lesson1 зависит от проекта NumLib), что бы при любых изменениях в исходных файлах входящих в библиотеку процедур сначала компилировалась и собиралась библиотека, а уже потом с обновленной библиотекой собирался новый консольный проект. Для этого с помощью контекстного меню нужно вызвать диалоговое окно свойств решения Module2. В этом окне нужно перейти в секцию *Common Properties* и в разделе *Project Dependencies* указать существующие зависимости между проектами. Диалоговое окно Solution 'Module2' Property Pages примет указанный ниже вид.



Исходный код проверочной программы

Для удобства проверки все программные единицы (и модуль *Фортрана*, и головную программу) разместим в одном файле. Необходимо только помнить о том, что если в одном файле указаны и модуль, и процедура, использующая этот модуль, то исходный код модуля должен предшествовать исходному коду процедуры.

Файл **Task1.f90**

module TestFuncTs

```
private :: f, g
public testFun
```

contains

! Функция для дифференцирования
function f(x)

```
implicit none
```

```
real(kind=8) :: f
real(kind=8), intent(in) :: x
```

```
f = sin(x) * exp(-x)
```

end function f

! Функция для интегрирования
function g(x)

```
implicit none
```

```
real(kind=8) :: g
real(kind=8), intent(in) :: x
```

```

    g = sin(cos(x) ** 2)

end function g

! Функция для тестирования
function testFun(x)

    use NDeriv
    use NIntegr

    implicit none

    real(kind=8) :: testFun
    real(kind=8), intent(in) :: x

    real(kind=8) :: der, int

    der = D(f, x, method=der3ptCenter)
    int = NIntegrate(g, 0.0d0, x)

    testFun = der*int

end function testFun

end module TestFuncs

! Основная программа
program TestLibrary

    use TestFuncs

    implicit none

    real(kind=8) :: xBeg, xEnd, xStep
    real(kind=8) :: res
    integer(kind=4) :: ioStatus

    call getData()

    open(11, file="Result.dat", iostat=ioStatus)
    if (ioStatus /= 0) stop "ERROR while opening file 'Result.dat'..."
    write(11, '(a5, 9x, a6)') "X", "Y"

    do while(xBeg <= xEnd)
        res = testFun(xBeg)

```

```

    print 100, xBeg, res
    write(11, '(e10.4, 4x, e12.6)') xBeg, res
    xBeg = xBeg + xStep
end do

close(11)

100 format(7x, "x = ", e10.4, 4x, "f(x) = ", e12.6)

```

contains

```

subroutine getData()

    xBeg = 0.0d0; xEnd = 6.0d0;

    do
        print '(1x,a,$)', "Type X step value: "
        read *, xStep
        if ((xStep > 0.0d0) .and. (xStep <= 5.0d-1)) exit
    end do

    print "(3x, '1). start: ', e10.4)", xBeg
    print "(3x, '2). stop: ', e10.4)", xEnd
    print "(3x, '3). step: ', e10.4)", xStep

    pause 'Press <Enter> to continue the program...'

    xEnd = xEnd + 1.0d-1 * xStep

end subroutine getData

```

end program TestLibrary

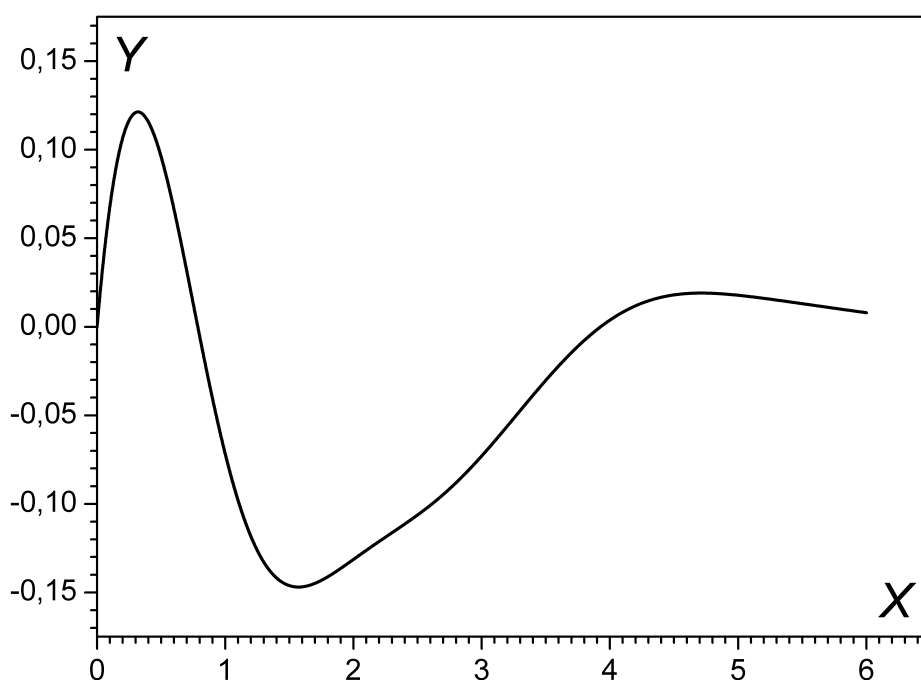
Тестовые результаты

X:	0.0	0.5	0.1	0.15
Y:	0.0	0.0958917	-0.0719088	-0.146121

X:	2.0	2.5	3.0	3.5
Y:	-0.131322	-0.106209	-0.0729194	-0.0301814

X:	4.0	4.5	5.0	5.5
Y:	0.00380313	0.0180324	0.0178168	0.0130693

X:	6.0
Y:	0.00796686



Задание № 2

Для вычисления указанной функции Бесселя в системе *Mathematica* можно воспользоваться функцией `BesselJ[m, x]`.

Для удобства организации программы исключим с сохранением на диске файлы с исходным кодом программы из проекта **Lesson1** и в этом проекте создадим новые файлы с исходным кодом программ (**Task2.f90** — основная программа; **Params.f90** — получение значения m из файла данных; **BesselJ.f90** — собственно вычисление функции Бесселя).

При решении данной задачи возникает проблема согласования интерфейсов: библиотечная функция может интегрировать функцию одного вещественного аргумента, а у нас есть еще один параметр — значение m . Для того, чтобы передать значение этого параметра в функцию модуль — получается что-то типа глобальной переменной, но с контролем доступа.

Задание № 3

Для вычисления производной в системе *Mathematica* можно воспользоваться как встроенной функцией `D`, так и функцией `Derivative`. Для численного решения уравнения с заданным начальным приближением воспользоваться функцией `FindRoot`. Для построения графика функции применить функцию `Plot`. Примерный вид документа *Mathematica* для проверки численного счета приведен на рисунке:

```

m = 3;

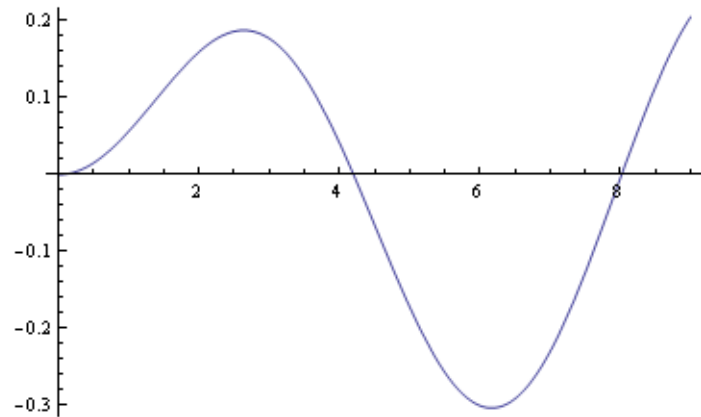
f[x_] := Derivative[1][BesselJ[m, #] &][x]

f[x]

$$\frac{1}{2} (\text{BesselJ}[2, x] - \text{BesselJ}[4, x])$$


Plot[f[x], {x, 0, 9}]

```



```

FindRoot[f[x], {x, 4}][[1]]
x → 4.20119

FindRoot[f[x], {x, 8}][[1]]
x → 8.01524

```

Задание № 4

По результатам расчетов графики можно построить как с помощью системы *GnuPlot*, так и с помощью системы *Origin*.

Для численного решения обыкновенных дифференциальных уравнений в системе *Mathematica* можно воспользоваться как встроенной функцией **NDSolve**. Для численного решения уравнения с заданным начальным приближением нужно воспользоваться функцией **FindRoot**. Для численного вычисления интеграла можно использовать функцию **NIntegrate**. Примерный вид документа *Mathematica* для проверки численного счета (без *Output* ячеек) приведен на рисунке:

Task3

■ 1)

```

In[1]:= fun[xArg_, a_] := Module[{ode, init, y, x},
  ode = y'[x] == y[x] Cos[x + y[x]];
  init = y[0] == a;
  y[xArg] /. NDSolve[{ode, init}, y, {x, 0, 30}][[1, 1]]

In[2]:= der[xArg_, a_] := Module[{ode, init, y, x},
  ode = y'[x] == y[x] Cos[x + y[x]];
  init = y[0] == a;
  y[xArg] Cos[xArg + y[xArg]] /.
  NDSolve[{ode, init}, y, {x, 0, 30}][[1, 1]]

In[3]:= Plot[{fun[x, 0.1], fun[x, 0.5], fun[x, 3.0], fun[x, 5.0]},
  {x, 0, 30}, PlotRange -> All]

In[4]:= Plot[{der[x, 0.1], der[x, 0.5], der[x, 3.0], der[x, 5.0]},
  {x, 0, 30}, PlotRange -> All]

In[5]:= TableForm[Table[{x, fun[x, 0.5], der[x, 0.5]}, {x, 0, 30, 1}],
  TableHeadings -> {Automatic, {"x", "y(x)", "y'(x)"}]}

```

■ 2)

```

In[8]:= Plot[der[x, 0.5], {x, 0, 5}, PlotRange -> All]

In[10]:= res = FindRoot[der[x, 0.5], {x, 4, 5}][[1]]

In[12]:= Chop[der[x, 0.5] /. res]

In[16]:= Plot[fun[x, 0.5], {x, 0, x /. res}, PlotRange -> All]

In[14]:= NIntegrate[fun[x, 0.5], {x, 0, x /. res}]

```

Тема № 2. Файловый и форматный ввод / вывод

На данном занятии необходимо рассмотреть основные возможности, которые предоставляет программисту язык программирования *Фортран* по работе с файлами

Список заданий

Задание № 1

Напишите программу, которая проверяет, существует ли в рабочей папке программы текстовый файл **Task1.dat**. Если файл не существует, то программа создает его и записывает туда n пар псевдослучайных вещественных чисел (x, y) из диапазона $x \in [a, b]$ $y \in [c, d]$. Если же этот файл уже существует, то программа дописывает в него m пар таких чисел. Величины n (m), a , b , c , d вводятся в программу из тестового файла **Task1.ini** и во время работы программы выводятся на экран.

Замечание: для решения этого и всех следующих заданий удобно создавать по два файла: один файл с текстом основной программы и другой файл с модулем, содержащим основные процедуры, необходимые для решения задания.

Пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 2

Напишите программу, которая позволяет просматривать текстовые файлы (позкранно выводит содержимое файла), созданные в **Задании № 1**.

Вид экрана во время работы программы показан в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 3

Напишите программу, которая проверяет, существует ли в рабочей папке программы текстовый файл **Task3.dat**. Если файла нет, то программа должна создать его и заполнить двумя столбцами вещественных чисел x , $f(x)$, где x — псевдослучайное число из диапазона $x \in [-5, 5]$, а $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2 \cdot \pi} \cdot \sigma} \cdot \exp\left(-\frac{(x - \mu)^2}{2 \cdot \sigma^2}\right)$. Если указанный файл существует, то программа должна вычислить количество строк с данными в этом файле и среднее арифметическое значение функции $f(x)$, а также вывести результат на экран и удалить файл с данными.

Задание № 4

Напишите программу, которая проверяет, существует ли в рабочей папке программы текстовый файл **Task4.dat**. Если файла нет, то программа должна создать его и заполнить псевдослучайными вещественными числами ξ ($\xi \in [a, b]$), записанными в один столбец. Параметры a и b вводятся в программу из тестового файла **Task4.ini** и во время работы программы выводятся на экран. Если указанный файл существует, то программа должна вычислить среднее арифметическое вещественных чисел, содержащихся в файле, и записать в исходном порядке числа из файла **Task4.dat**, большие среднего в файл **Task4_1.dat**, а остальные — в файл **Task4_2.dat**.

Задание № 5

Напишите программу, которая проверяет, существует ли в рабочей папке программы текстовый файл **Task5.dat**. Если указанного файла нет, то программа должна создать его и заполнить псевдослучайными вещественными числами, записанными в один столбец. Если указанный файл существует, то программа должна найти в этом файле второе по величине число.

Задание № 6

Напишите программу, которая проверяет, существует ли в рабочей папке программы текстовый файл **Task6.txt**. В этом файле должны храниться строки длиной не более 80 символов. Если указанного файла нет, то программа должна создать его и заполнить случайным количеством строк, содержащих случайное количество случайных символов (можно просто цифр). Если указанный файл существует, то программа должна создать новый файл **Task6Proc.txt** содержащий всю информацию из исходного файла без строки с заданным во время работы программы номером. Если строки с указанным номером нет, то программа должна сообщить об этом и новый файл создаваться не должен.

Задание № 7

Напишите программу, которая проверяет, существует ли в рабочей папке программы текстовый файл **Task7.dat**. В этом файле должны храниться строки длиной не более 100 символов. Если указанного файла нет, то программа должна создать его и заполнить случайным количеством строк, содержащих случайное количество случайных символов (можно просто цифр). Если указанный файл существует, то программа должна создать новый файл **Task7_proc.dat**, в который будет записано первые две строки исходного файла, каждая n -я и последняя строка.

Задание № 8

Даны имена двух файлов (**Task8_1.dat** и **Task8_2.dat**). Известно что один из них (либо первый, либо второй) существует и содержит некоторое количество вещественных чисел, записанных в один столбец, а другой отсутствует. Программа должна проверять существует ли один из указанных файлов, и если ни одного, ни другого файла нет, то должна случайным образом создавать один из них. Если один из указанных файлов существует, то программа должна создать отсутствующий файл и записать в него конечный и начальный элементы существующего файла (в указанном порядке).

Задание № 9

Даны имена двух форматных текстовых файлов (**Task9_1.dat** и **Task9_2.dat**), заполненных целыми числами, которые записаны в один столбец. Программа должна проверять существуют ли указанные файлы и если какого-то файла нет, то должна создавать требуемый, заполняя его случайным количеством псевдослучайных целых чисел. Если оба файла существуют, то программа должна сравнить содержимое файлов и записать в новый файл **Task9_3.dat** числа которые есть во втором файле, но не встречались в первом. Если таких чисел нет, то новый файл создаваться не должен.

Задание № 10

Напишите программу, которая проверяет, существует ли в рабочей папке программы текстовый файл **Task10.dat**. Если этого файла нет, то программа должна создать его и

сохранить в этом файле результат табуляции функции $\sin(x)$ в заданном интервале с заданным шагом. Файл должен иметь следующий вид: первая строка — заголовки двух столбцов: аргумент (x), значение функции ($\sin(x)$). Следующие строки — соответствующие числовые данные. Интервал и шаг табуляции задаются пользователем с клавиатуры. Если указанный файл на диске уже существует, то программа должна дописать в него такое же количество числовых строк, сколько их уже есть в файле. Табуляция должна продолжаться с тем же шагом, что и в исходном файле.

Задание № 11

Задан зашумленный набор экспериментальных данных (x, y) , которые располагаются на графике примерно вдоль прямой линии. Требуется найти уравнение прямой $y = k \cdot x + b$, которая наилучшим образом приближает результаты. По полученным коэффициентам построить прямую. Отобразить все на графике.

Основные формулы и результаты приведены в рекомендациях по выполнению заданий.

Рекомендации по выполнению

Задание № 1

Пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* (в тексте модуля присутствуют операторы, которые поддерживаются только компиляторами стандарта *Fortran 2003*).

Файл Task1.f90

```
program Task1

  use Task1mod

  implicit none

  if (isFileExists()) then
    print *, 'The adding data to existing file...'
    call prossessFile(1)
  else
    print *, 'The file creation...'
    call prossessFile(0)
  end if

end program Task1
```

Файл Task1mod.f90

```
module Task1mod

  character(len=9), save :: fileName = "Task1.dat"

  real(kind=4), save :: a, b, c, d
  integer(kind=4), save :: num

  public isFileExists, prossessFile
  private readIniData

contains

  ! =====
  function isFileExists()

    implicit none

    logical(kind=4) :: isFileExists

    inquire(file=fileName, exist = isFileExists)

  end function isFileExists
```

```
! =====
subroutine readIniData()
```

```
  implicit none
```

```
  integer(kind=4) :: status
  character(kind=1, len=80) :: msg
```

```
  open(22, file="Task1.ini", status='old', action='read', &
        iostat=status, iomsg=msg)
```

```
  if (status /= 0) then
    print *, '->', trim(msg), '<-'
    stop "'Task1.ini' file opening error..."
  end if
```

```
  read(22, *) num
  read(22, *) a; read(22, *) b
  read(22, *) c; read(22, *) d
```

```
  close(22, status='keep')
```

```
end subroutine readIniData
```

```
! =====
subroutine proccessFile(code)
```

```
  implicit none
```

```
  integer(kind=4), intent(in) :: code
  integer(kind=4) :: i, status
  real(kind=4) :: x, y
```

```
  call readIniData()
```

```
  select case(code)
```

```
    case(0)
```

```
      open(11, file=fileName, status='new', action='write', &
            position='rewind', iostat=status)
```

```
      if (status /= 0) stop "'Task1.dat' file opening error..."
```

```
    case(1)
```

```
      open(11, file=fileName, status='old', action='write', &
            position='append', iostat=status)
```

```
      if (status /= 0) stop "'Task1.dat' file reopening error..."
```

```
    case default
```

```
      stop 'Error!!! Wrong code of file operation...'
```

```
  end select
```

```

call random_seed()
do i = 1, num
  call random_number(x)
  x = a + (b - a) * x
  call random_number(x)
  y = c + (d - c) * x
  write(11, 100) x, y
end do

close(11, status='keep')

100 format(es13.6, 4x, es13.6)

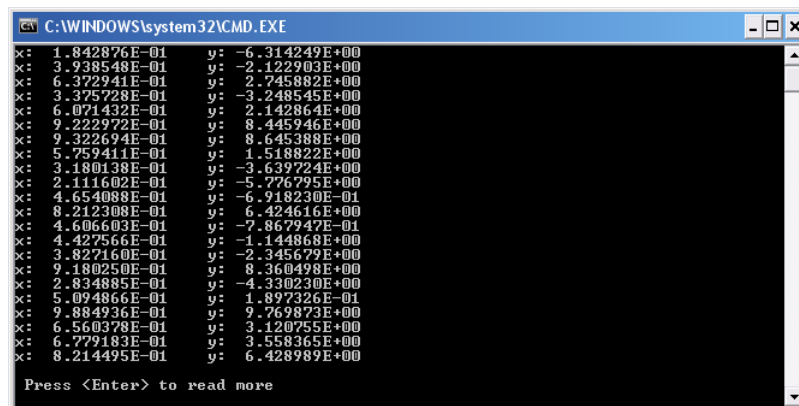
end subroutine proccessFile

end module Task1mod

```

Задание № 2

Рекомендованный вид экрана во время работы программы:
Начальный и следующие экраны (до предпоследнего):

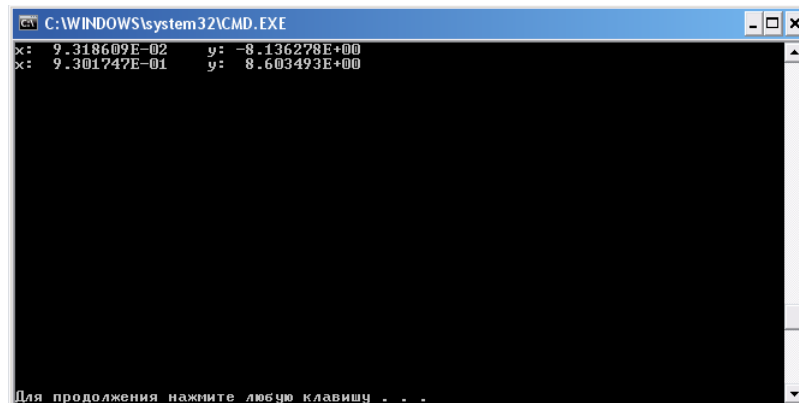


```

C:\WINDOWS\system32\CMD.EXE
x: 1.842876E-01 y: -6.314249E+00
x: 3.938548E-01 y: -2.122903E+00
x: 6.372941E-01 y: 2.745882E+00
x: 3.375728E-01 y: -3.248545E+00
x: 6.071432E-01 y: 2.142864E+00
x: 9.222972E-01 y: 8.445946E+00
x: 9.322694E-01 y: 8.645388E+00
x: 5.759411E-01 y: 1.518822E+00
x: 3.180138E-01 y: -3.639724E+00
x: 2.111602E-01 y: -5.776795E+00
x: 4.654088E-01 y: -6.918230E-01
x: 8.212308E-01 y: 6.424616E+00
x: 4.606603E-01 y: -7.867947E-01
x: 4.427566E-01 y: -1.144868E+00
x: 3.827160E-01 y: -2.345679E+00
x: 9.180250E-01 y: 8.360498E+00
x: 2.834885E-01 y: -4.330230E+00
x: 5.094866E-01 y: 1.897326E-01
x: 9.884936E-01 y: 9.769873E+00
x: 6.560378E-01 y: 3.120755E+00
x: 6.779183E-01 y: 3.558365E+00
x: 8.214495E-01 y: 6.428989E+00
Press <Enter> to read more

```

Последний экран вывода:



```

C:\WINDOWS\system32\CMD.EXE
x: 9.318609E-02 y: -8.136278E+00
x: 9.301747E-01 y: 8.603493E+00
Для продолжения нажмите любую клавишу . . .

```

Задание № 11

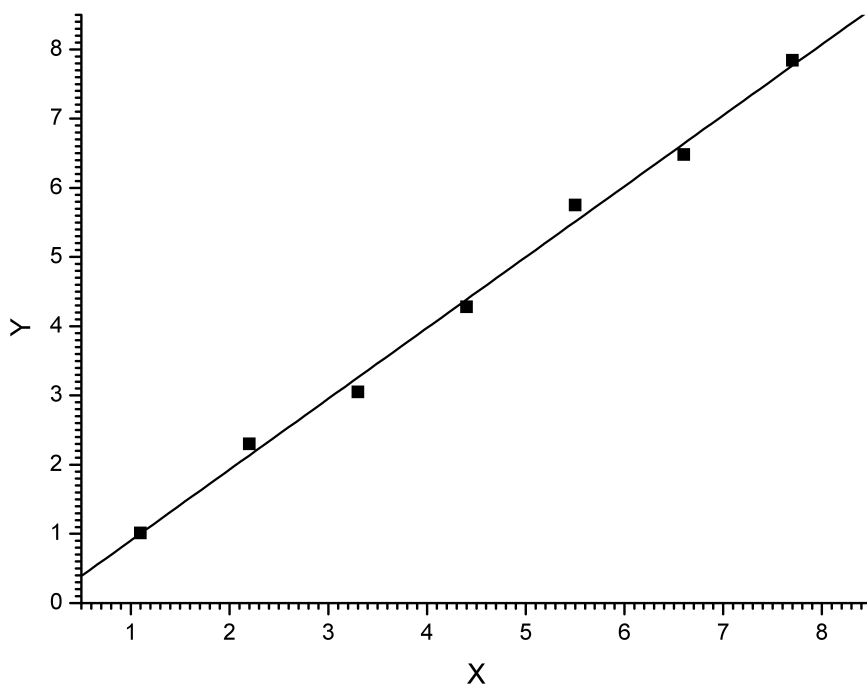
Для проверки правильности работы программы использовать такие данные:

x	y
1.1	1.01
2.2	2.30
3.3	3.05
4.4	4.28
5.5	5.75
6.6	6.48
7.7	7.84

Самый простой и наиболее часто используемый вид регрессии — линейная. Приближение данных (x_i, y_i) осуществляется линейной функцией $y(x) = k \cdot x + b$. Если определить коэффициенты регрессии k и b , то для любого значения x можно предсказать значение y , просто проведя вычисления по формуле. Стандартный метод получения коэффициентов k и b — это метод наименьших квадратов. Метод получил такое название, поскольку коэффициенты k и b вычисляются из условия минимизации суммы квадратов ошибок $|b + k \cdot x_i - y_i|^2$. Расчетные формулы можно записать так:

$$k = \frac{(\sum x \cdot y) - (\sum x) \cdot \bar{y}}{(\sum x^2) - (\sum x) \cdot \bar{x}}, \quad b = \bar{y} - k \bar{x}$$

здесь \bar{x} , \bar{y} — средние значения соответствующих величин.



Тема № 3 Символы и строки

На данном занятии необходимо рассмотреть основные возможности, которые предоставляет программисту язык программирования *Фортран* по работе со строками

Список заданий

Задание № 1

Напишите программу, которая запрашивает у пользователя имя файла. Если файл с указанным именем существует в рабочей папке программы, то программа определяет, сколько в нем прописных и строчных букв латинского алфавита. После этого программа преобразует файл: если прописных букв в файле больше, чем строчных, то все буквы преобразуются в прописные, и наоборот, если в файле больше строчных букв, чем прописных, то все буквы преобразуются в строчные. Если же строчных и прописных букв в файле поровну, то текстовый файл не преобразуется.

Замечание: для решения этого и всех следующих заданий удобно создавать по два файла: один файл с текстом основной программы и другой файл с модулем, содержащим основные процедуры, необходимые для решения задания.

Пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 2

Напишите модуль, содержащий функцию, предназначенную для преобразования строк с русскими буквами из *Windows* в *DOS* представление. Напишите программу для проверки этого модуля.

Задание № 3

Напишите программу, которая преобразует натуральное число, записанное в римской системе счисления, в обычную арабскую систему счисления. Необходимая информация по римской системе счисления приведена в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 4

Проверить, является ли заданная пользователем с клавиатуры строка палиндромом, т.е. одинаково ли читается как слева направо, так и справа налево.

Задание № 5

Напишите модуль, содержащий функцию, предназначенную для замены текущего расширения имени файла на **.BAK**. Следует учесть, что в имени файла может быть несколько точек, а также то, что файл может вообще не иметь расширения имени. Напишите программу для проверки этого модуля.

Задание № 6

Напишите программу, которая сначала преобразовывает заданные числа a и b в символьное представление, а затем выполняет обратное преобразование «строка — число».

Задание № 7

Напишите программу, которая проверяет, одинаковое ли число открывающихся и закрывающихся круглых скобок в данной строке и сбалансированы ли они.

Задание № 8

Напишите модуль, содержащий функцию, которая по словам выводит содержимое строки на экран. Эта функция должна принимать параметр, определяющий что считать разделителем между словами. Напишите программу для проверки этого модуля.

Задание № 9

Напишите модуль, содержащий функции, предназначенные для шифрования и расшифровывания текста на английском языке. Шифрование осуществляется с помощью ключа, содержащего некоторую перестановку 26 больших и 26 малых букв латинского алфавита. Правила шифрования такие: если некоторая буква в строке, предназначенной для шифрования стоит на k -м месте в обычном алфавите, то вместо нее должна быть взята буква, стоящая на k -м месте в ключе. Для дешифровки используется обратная процедура.

Напишите программу, которая тестирует модуль шифрования. Пользователь вводит строку текста, а программа зашифровывает и расшифровывает ее. Предусмотреть возможность сохранения ключа. В качестве дополнительного задания написать программу для шифрования и расшифровывания заданных при работе программы текстовых файлов.

Пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 10

Напишите программу, которая сортирует по возрастанию строки, хранящиеся в заданном текстовом файле. Если требуемого файла не существует, то программа должна автоматически создавать его и заполнять случайными «словами».

Пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Рекомендации по выполнению

Для решения заданий на этом практическом занятии нам потребуется базовая таблица кодов *ASCII*, а также кодировка кириллицы в *Windows* и *DOS*. Эти таблицы можно получить, написав программу, определяющую символ по его коду, а можно взять эти таблицы из справочников. Приведем ниже те таблицы, которые понадобятся для решения практических заданий.

Таблица: базовая часть кодовой таблицы *ASCII*

32 пробел	48 0	64 @	80 P	96 `	112 p
33 !	49 1	65 A	81 Q	97 a	113 q
34 "	50 2	66 B	82 R	98 b	114 r
35 #	51 3	67 C	83 S	99 c	115 s
36 \$	52 4	68 D	84 T	100 d	116 t
37 %	53 5	69 E	85 U	101 e	117 u
38 &	54 6	70 F	86 V	102 f	118 v
39 ' .	55 7	71 G	87 W	103 g	119 w
40 ()	56 8	72 H	88 X	104 h	120 x
41 []	57 9	73 I	89 Y	105 i	121 y
42 * +	58 :	74 J	90 Z	106 j	122 z
43 , -	59 ;	75 K	91 [107 k	123 {
44 . /	60 <	76 L	92 \	108 l	124
	61 =	77 M	93]	109 m	125 }
	62 >	78 N	94 ^	110 n	126 ~
	63 ?	79 O	95 _	111 o	127

Таблица: кодовая таблица *Windows 1251*

128 Ъ	144 ђ	160	176 •	192 А	208 Р	224 а	240 р
129 Ѓ	145 ‘	161 ў	177 ±	193 Б	209 С	225 б	241 с
130 ,	146 ’	162 ъ	178	194 В	210 Т	226 в	242 т
131 ф	147 “	163 Ј	179 i	195 Г	211 У	227 г	243 у
132 ”	148 ”	164 ѝ	180 ħ	196 Д	212 Ф	228 д	244 ф
133 ...	149 •	165 Г	181 μ	197 Е	213 Х	229 е	245 х
134 †	150 –	166 џ	182 ¶	198 Ж	214 Ц	230 ж	246 ц
135 ‡	151 —	167 §	183 ·	199 З	215 Ч	231 з	247 ч
136 ´	152 ‚	168 Ё	184 ё	200 И	216 Ш	232 и	248 ш
137 ‰	153 ™	169 ©	185 №	201 Й	217 Щ	233 й	249 щ
138 Љ	154 љ	170 €	186 €	202 К	218 Ъ	234 к	250 ъ
139 ›	155 ›	171 «	187 »	203 Л	219 Ы	235 л	251 ы
140 Њ	156 њ	172 ¬	188 ј	204 М	220 Ь	236 м	252 ь
141 Ќ	157 ќ	173 -	189 S	205 Н	221 Э	237 н	253 э
142 Ѓ	158 ģ	174 ®	190 s	206 О	222 Ю	238 о	254 ю
143 Ў	159 ў	175 ĩ	191 i	207 П	223 Я	239 п	255 я

Таблица: кодовая таблица *DOS 866*

128 А	144 Р	160 а	176 █	192 Л	208 ⊥	224 р	240 Ё
129 Б	145 С	161 б	177 █	193 Г	209 Т	225 с	241 ё
130 В	146 Т	162 в	178 █	194 Г	210 Т	226 т	242 €
131 Г	147 У	163 г	179	195 Г	211 Т	227 у	243 €
132 Д	148 Ф	164 д	180	196 —	212 Л	228 ф	244 ĩ
133 Е	149 Х	165 е	181	197 +	213 Л	229 х	245 ĩ
134 Ж	150 Ц	166 ж	182	198	214 Г	230 ц	246 Ў
135 З	151 Ч	167 з	183	199	215 +	231 ч	247 ў
136 И	152 Ш	168 и	184	200 Л	216 +	232 ш	248 •
137 Й	153 Щ	169 й	185	201 Г	217	233 щ	249 •
138 К	154 Ъ	170 к	186	202 ⊥	218 Г	234 ъ	250 •
139 Л	155 Ы	171 л	187	203 Т	219 █	235 ы	251 √
140 М	156 Ь	172 м	188	204	220 █	236 ь	252 №
141 Н	157 Э	173 н	189	205 —	221 █	237 э	253 ѝ
142 О	158 Ю	174 о	190	206 +	222 █	238 ю	254 █
143 П	159 Я	175 п	191	207 ⊥	223 █	239 я	255

Задание № 1

С помощью псевдокода запишем последовательность действий, которые необходимо выполнить для решения задачи:

1. Получить от пользователя имя файла
2. Если (файл не существует) То
 - Закончить программу с выдачей диагностического сообщения
 - Конец Если
3. Подсчитать количество больших и малых букв в файле
4. Если (количество больших > количества малых букв) То
 - Преобразовать малые буквы в файле к большим
 - Иначе Если (количество больших < количества малых букв) То
 - Преобразовать большие буквы в файле к малым
 - Иначе
 - Ничего не делать
 - Конец Если

Для того, чтобы требуемым образом преобразовать заданный файл нужно выполнить такие действия:

1. Переписать информацию из заданного файла во временный файл
2. Удалить заданный файл с информацией
3. Создать новый файл с заданным именем
4. Построчно переписать в новый файл с заданным именем все строки, выполняя требуемые преобразования символов (к верхнему или к нижнему регистру)
5. Удалить временный файл с данными

Приведем пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* (в тексте модуля присутствуют операторы, которые поддерживаются только компиляторами стандарта *Fortran 2003*). Следует обратить внимание на то, что программа разбита на два файла: **Task1mod.f90** и **Task1.f90**.

! File Task1mod.f90

```
module Task1mod
```

```
integer(kind=4), private, parameter :: STR_WIDTH = 60
```

```
public getFileName, isFileExists, calcNumLetters, processFile
private isCapitalLetter, isSmallLetter
```

```
contains
```

```
subroutine getFileName(fileName)
```

```
implicit none
```

```
character(len=*), intent(out) :: fileName
```

```

write(*,'(a,i3,a)',advance='no') &
  'Type working file name of maximum ', &
  len(fileName), ' symbols: '
read '(a)', fileName

```

```
end subroutine getFileName
```

```
function isFileExists(fileName)
```

```
  implicit none
```

```
  logical(kind=4) :: isFileExists
```

```
  character(len=*), intent(in) :: fileName
```

```
  inquire(file=trim(fileName), exist=isFileExists)
```

```
end function isFileExists
```

```
function isCapitalLetter(symbol)
```

```
  implicit none
```

```
  logical(kind=4) :: isCapitalLetter
```

```
  character(len=1) :: symbol
```

```
  integer(kind=4) :: code
```

```
  integer(kind=4), parameter :: code_A = 65, code_Z = 90
```

```
  code = iachar(symbol)
```

```
  isCapitalLetter = .false.
```

```
  if ((code >= code_A) .and. (code <= code_Z)) isCapitalLetter = .true.
```

```
end function isCapitalLetter
```

```
function isSmallLetter(symbol)
```

```
  implicit none
```

```
  logical(kind=4) :: isSmallLetter
```

```
  character(len=1) :: symbol
```

```
  integer(kind=4) :: code
```

```
  integer(kind=4), parameter :: code_a = 97, code_z = 122
```

```
  code = iachar(symbol)
```

```

isSmallLetter = .false.
if ((code >= code_a) .and. (code <= code_z)) isSmallLetter = .true.

end function isSmallLetter

subroutine calcNumLetters(fileName, numCapitals, numSmall)

  implicit none

  character(len=*), intent(in) :: fileName
  integer(kind=4), intent(out) :: numCapitals, numSmall

  character(len=STR_WIDTH) :: str
  integer(kind=4) :: status, i

  open(11, file=trim(fileName), status='old', action='read', &
       iostat=status, iomsg=str)
  if (status /= 0) then
    print *, 'File ' // trim(fileName) // ' opening error'
    print *, trim(str)
    stop 'Check Error and restart the program'
  end if

  numCapitals = 0;   numSmall = 0
  do
    read(11,'(a)',iostat=status) str
    if (status /= 0) exit
    do i = 1, len_trim(str)
      if (isCapitalLetter(str(i:i))) numCapitals = numCapitals + 1
      if (isSmallLetter(str(i:i))) numSmall = numSmall + 1
    end do
  end do

  close(11, status='keep')

end subroutine calcNumLetters

subroutine processFile(fileName, toBig)

  implicit none

  character(len=*), intent(in) :: fileName
  logical(kind=4), intent(in) :: toBig

  integer(kind=4) :: status
  character(len=STR_WIDTH) :: str

```

```

open(33, status='scratch', action='readwrite', &
      iostat=status, iomsg=str)
if (status /= 0) then
  print *, 'Scratch File opening error'
  print *, trim(str)
  stop 'Check Error and restart the program'
end if

```

```

call writeTmpFile()
rewind(33)

```

```

open(44, file=trim(fileName), status='new', action='write', &
      iostat=status, iomsg=str)
if (status /= 0) then
  print *, 'File ' // trim(fileName) // ' opening error'
  print *, trim(str)
  stop 'Check Error and restart the program'
end if

```

```

do
  read(33,'(a)',iostat=status) str
  if (status /= 0) exit
  if (toBig) then
    call convertString(str, .true.)
  else
    call convertString(str, .false.)
  end if
  write(44,'(a)') str
end do

```

```

close(33);   close(44, status='keep')

```

contains

```

subroutine writeTmpFile()

```

```

  open(22, file=trim(fileName), status='old', action='read', &
        iostat=status, iomsg=str)
  if (status /= 0) then
    print *, 'File ' // trim(fileName) // ' opening error'
    print *, trim(str)
    stop 'Check Error and restart the program'
  end if

```

```

  do
    read(22,'(a)',iostat=status) str

```

```

        if (status /= 0) exit
        write(33,'(a)') trim(str)
    end do

```

```

    close(22, status='delete')

```

```

end subroutine writeTmpFile

```

```

subroutine convertString(str, toBigLetters)

```

```

    implicit none

```

```

    character(len=*) , intent(inout) :: str
    logical(kind=4), intent(in) :: toBigLetters

```

```

    integer(kind=4) :: i

```

```

    do i = 1, len_trim(str)
        if (toBigLetters) then
            if (isSmallLetter(str(i:i))) str(i:i) = achar(iachar(str(i:i))-32)
        else
            if (isCapitalLetter(str(i:i))) str(i:i) = achar(iachar(str(i:i))+32)
        end if
    end do

```

```

end subroutine convertString

```

```

end subroutine processFile

```

```

end module Task1mod

```

```

! =====

```

! File Task1.f90

```

program Task1

```

```

    use Task1mod

```

```

    implicit none

```

```

    character(len=15) :: fileName
    integer(kind=4) :: numCapitalLetters, numSmallLetters

```

```

    call getFileName(fileName)

```

```

    if (.NOT. isFileExists(fileName)) then

```



```

    print *, 'The file ', trim(fileName), ' is not exists...'
    stop 'Make file and restart program...'
end if

call calcNumLetters(fileName, numCapitalLetters, numSmallLetters)
print *, 'File ' // trim(fileName)
print *, 'Capital letters: ', numCapitalLetters
print *, 'Small letters: ', numSmallLetters

if (numCapitalLetters > numSmallLetters) then
    print *, 'File ' // trim(fileName) // ' is converted to big letters'
    call processFile(fileName, .true.)
else if (numCapitalLetters < numSmallLetters) then
    print *, 'File ' // trim(fileName) // ' is converted to small letters'
    call processFile(fileName, .false.)
else
    print *, 'File ' // trim(fileName) // ' is unchanged'
end if

```

end program Task1

Задание № 3

Системой счисления называют совокупность правил записи чисел. Системы счисления подразделяются на позиционные и непозиционные. Как позиционные, так и непозиционные системы счисления используют определенный набор символов — цифр, последовательное сочетание которых образует число. Непозиционные системы счисления появились раньше позиционных. Они характеризуются тем, что в них символы, обозначающие то или иное число, не меняют своего значения в зависимости от местоположения в записи этого числа. Классическим примером такой системы считается римская. В ней для записи чисел используются буквы латинского алфавита. При этом буква I означает единицу, буква V — пять, X — десять, L — пятьдесят, C — сто, D — пятьсот, M — тысячу.

Для получения количественного эквивалента числа в римской системе счисления необходимо просто просуммировать количественные эквиваленты входящих в него цифр. Исключение из этого правила составляет случай, когда младшая цифра идет перед старшей, — в этом случае нужно не складывать, а вычитать число вхождений этой младшей цифры. Например:

$DLXXVII \Rightarrow 500 + 50 + 10 + 10 + 5 + 1 + 1 = 577.$

Другой пример:

$CDXXIX \Rightarrow 500 - 100 + 10 - 1 + 10 = 429.$

Задание № 9

С помощью псевдокода запишем последовательность действий, которые необходимо выполнить для решения задачи:

1. Сразу после запуска программа проверяет, существует ли в рабочей папке программы неформатированный файл с ключом **encrypt.bin**
2. Если (файл существует) То
 - Прочитать из файла алфавит и ключ
 - Иначе
 - Создать ключ
 - Записать в файл алфавит и ключ
 - Конец Если
3. С помощью ключа зашифровать строку
4. С помощью ключа расшифровать зашифрованную строку

Приведем пример организации модуля (файл **Task9mod.f90**) для компилятора *PGI Fortran 2010* (в тексте модуля присутствуют операторы, которые поддерживаются только компиляторами стандарта *Fortran 2003*). Следует обратить внимание на то, что основную программу (файл **Task9.f90**) нужно написать самостоятельно.

! File Task9mod.f90

```
module Encrypt
```

```
integer(kind=4), parameter :: SIZE = 52
character(kind=1, len=SIZE) :: alphabet = "ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ&
                                         &abcdefghijklmnopqrstuvwxyz"
character(kind=1, len=SIZE) :: password = "ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ&
                                         &abcdefghijklmnopqrstuvwxyz"
character(kind=1, len=11) :: fileName = "encrypt.bin"
```

```
contains
```

```
subroutine showEncryptInfo()
  print *, 'Alphabet: ', alphabet
  print *, 'Password: ', password
end subroutine showEncryptInfo
```

```
subroutine getPassword()
```

```
  implicit none
```

```
  logical(kind=4) :: isFileExists
  integer(kind=4) :: status
```

```
  inquire(file=fileName, exist=isFileExists)
```

```
  if (isFileExists) then
```

```
    !print *, 'Read password'
    open(unit=111, file=fileName, status='old', action='read', &
          form='unformatted', iostat=status)
    if (status /= 0) stop 'Password file opening error'
    read(unit=111) alphabet, password
```

```
  else
```

```
    !print *, 'Write Password'
    open(unit=111, file=fileName, status='new', action='write', &
          form='unformatted', iostat=status)
```

```

    if (status /= 0) stop 'Password file opening error'
    call createPassword()
    write(unit=111) alphabet, password
end if

```

```

    close(unit=111, iostat=status)
    if (status /= 0) stop 'Password file closing error'

```

```

end subroutine getPassword

```

```

subroutine createPassword()

```

```

    implicit none

```

```

    integer(kind=4) :: i, j
    real(kind=4) :: x
    character(kind=1, len=1) :: tmp

```

```

    call random_seed()
    do i = 1, len_trim(password)
        call random_number(x)
        j = nint(1 + (len_trim(password)-1)*x)
        if (i /= j) then
            tmp = password(i:i)
            password(i:i) = password(j:j)
            password(j:j) = tmp
        end if
    end do

```

```

end subroutine createPassword

```

```

function encodeChar(ch)

```

```

    implicit none

```

```

    character(kind=1, len=1) :: encodeChar
    character(kind=1, len=1), intent(in) :: ch

```

```

    integer(kind=4) :: ind

```

```

    ind = index(alphabet, ch)

```

```

    if (ind /= 0) then
        encodeChar = password(ind:ind)
    else
        encodeChar = ch
    end if

```

```

end function encodeChar

```

```
function decodeChar(ch)
```

```
  implicit none
```

```
  character(kind=1, len=1) :: decodeChar
  character(kind=1, len=1), intent(in) :: ch
```

```
  integer(kind=4) :: ind
```

```
  ind = index(password, ch)
```

```
  if (ind /= 0) then
    decodeChar = alphabet(ind:ind)
  else
    decodeChar = ch
  end if
```

```
end function decodeChar
```

```
function encodeString(str)
```

```
  implicit none
```

```
  character(kind=1, len=*), intent(in) :: str
  character(kind=1, len=len(str)) :: encodeString
```

```
  integer(kind=4) :: i
```

```
  do i= 1, len_trim(str)
    encodeString(i:i) = encodeChar(str(i:i))
  end do
```

```
end function encodeString
```

```
function decodeString(str)
```

```
  implicit none
```

```
  character(kind=1, len=*), intent(in) :: str
  character(kind=1, len=len(str)) :: decodeString
```

```
  integer(kind=4) :: i
```

```
  do i= 1, len_trim(str)
    decodeString(i:i) = decodeChar(str(i:i))
  end do
```

```
end function decodeString
```

```
end module Encrypt
```

Задание № 10

С помощью псевдокода запишем последовательность действий, которые необходимо выполнить для решения задачи:

1. Сразу после запуска программа проверяет, существует ли в рабочей папке программы файл, который нужно отсортировать
2. Если (файл существует) То
 - Переписать из него строки в файл прямого доступа и удалить исходный файл
 - Отсортировать файл прямого доступа
 - Переписать из него строки в новый файл с заданным именем и удалить временный файл
- Иначе
 - Создать файл для сортировки
- Конец Если

Приведем пример организации модуля (файл **Task10mod.f90**) для компилятора *PGI Fortran 2010* (в тексте модуля присутствуют операторы, которые поддерживаются только компиляторами стандарта *Fortran 2003*). Следует обратить внимание на то, что основную программу (файл **Task10.f90**) нужно написать самостоятельно.

! File Task10mod.f90

module SortFile

```
integer(kind=4), private, save :: numLines, a, b
integer(kind=4), public, parameter :: LINE_LENGTH = 60
```

```
private :: makeIniData
```

contains

```
! =====
function isFileExists(fileName)
```

```
implicit none
```

```
logical(kind=4) :: isFileExists
character(len=*), intent(in) :: fileName
```

```
inquire(file=trim(fileName), exist = isFileExists)
```

```
end function isFileExists
```

```
! =====
```

```
subroutine makeIniData()
```

```
implicit none
```

```
real(kind=4) :: x
integer(kind=4), parameter :: numMin = 100, numMax = 1000
integer(kind=4), parameter :: xMin = 97, xMax = 122

call random_seed()
call random_number(x); numLines = int(numMin + (numMax-numMin)*x)
a = xMin; b = xMax
```

```
end subroutine makeIniData
```

```
! =====
subroutine createNewFile(fileName)
```

```
implicit none
```

```
character(len=*), intent(in) :: fileName
```

```
integer(kind=4) :: i, j, status, numWords, lineLength, wordLength
real(kind=4) :: x
character(kind=1,len=60) :: msg
character(len=LINE_LENGTH) :: str
```

```
call makeIniData()
```

```
open(11, file=fileName, status='new', action='write', &
      iostat=status, iomsg=msg)
if (status /= 0) then
  print *, '->',trim(msg),'<-'
  stop "ERROR while opening file"
end if
```

```
call random_seed()
do i = 1, numLines
  call random_number(x)
  numWords = 5 + int(10*x)
  call random_number(x)
  lineLength = int(0.5*LINE_LENGTH * (1.0 + x))
  wordLength = (lineLength - numWords + 1) / numWords
  str = createRandomWord(wordLength)
  do j = 2, numWords
    str = trim(str) // " " // createRandomWord(wordLength)
    !write(11, '(a)') createRandomWord(5)
    !write(*, '(i5, " word: ",a)') i, createRandomWord(5)
  end do
  write(*, '(i5, " line: ",a)') i, str
```

```

        write(11, '(a)') str
    end do

    close(11, status='keep')
contains
function createRandomWord(n) result (res)

    implicit none

    integer(kind=4), intent(in) :: n
    character(len=n) :: res

    integer(kind=4) :: i

    call random_number(x)
    res = achar(int(a + (b - a) * x))
    do i = 1, n
        call random_number(x)
        !print *, int(a + (b - a) * x), x
        res = trim(res) // achar(int(a + (b - a) * x))
    end do

end function createRandomWord
end subroutine createNewFile

subroutine writeToBinFile(fileName)

    implicit none

    character(len=*), intent(in) :: fileName

    integer(kind=4) :: status, num
    character(len=LINE_LENGTH) :: str

    open(unit=10, file=trim(fileName), status='old', action='read', &
        iostat=status)
    if (status /= 0) stop "File opening error..."
    open(unit=20, file="tmp.bin", status='new', action='write', &
        access='direct', form="formatted", recl=LINE_LENGTH, iostat=status)
    if (status /= 0) stop "File opening error..."

    num = 0
    do
        read(10, '(A)', iostat=status) str

```

```

        if (status /= 0) exit
        num = num + 1
        print *, '->', trim(adjustl(str)), '<-'
        write(20, '(A)', rec=num) str
    end do

```

```

    close(10, status='delete'); close(20, status='keep')

```

```

end subroutine writeToBinFile

```

```

subroutine readFromBinFile(fileName)

```

```

    implicit none

```

```

    character(len=*), intent(in) :: fileName

```

```

    integer(kind=4) :: status, num
    character(len=LINE_LENGTH) :: str

```

```

    open(unit=20, file="tmp.bin", status='old', action='read', &
         access='direct', form="formatted", recl=LINE_LENGTH, iostat=status)
    if (status /= 0) stop "File opening error..."
    open(unit=40, file=fileName, status='new', action='write', &
         iostat=status)
    if (status /= 0) stop "File opening error..."

```

```

    num = 0
    do
        num = num + 1
        read(20, '(A)', rec=num, iostat=status) str
        if (status /= 0) exit
        write(40, '(a)') trim(str)
    end do

```

```

    close(20, status='delete'); close(40, status='keep')

```

```

end subroutine readFromBinFile

```

```

subroutine sortBinFile()

```

```

    implicit none

```

```

    integer(kind=4) :: status, i, j, numFileLength
    character(len=LINE_LENGTH) :: str, tmp

```

```

    open(unit=20, file="tmp.bin", status='old', action='readwrite', &
         access='direct', form="formatted", recl=LINE_LENGTH, iostat=status)

```



```

if (status /= 0) stop "File opening error..."

numFileLength = numLines()
do i = 1, numFileLength-1
  read(20, '(A)', rec=i, iostat=status) str
  if (status /= 0) stop "File reading error..."
  do j = i+1, numFileLength
    read(20, '(A)', rec=j, iostat=status) tmp
    if (lgt(tmp, str)) then
      write(20, '(A)', rec=i, iostat=status) tmp
      if (status /= 0) stop "File writing error..."
      write(20, '(A)', rec=j, iostat=status) str
      if (status /= 0) stop "File writing error..."
      str = tmp
    end if
  end do
end do

close(20, status='keep')

```

contains

```

function numLines()

  implicit none

  integer(kind=4) :: numLines
  integer(kind=4) :: num

  num = 0
  do
    num = num + 1
    read(20, '(A)', rec=num, iostat=status) str
    if (status /= 0) exit
  end do

  numLines = num-1

end function numLines

```

end subroutine sortBinFile

end module SortFile

Тема № 4. Одномерные массивы

На данном занятии следует изучить особенности применения статических и динамических одномерных массивов. Необходимо рассмотреть основные методы работы с массивами — доступ к элементам, присваивание начальных значений, вывод массива на экран и сохранение его в файл, изменение порядка следования элементов в массиве, сортировка и поиск. Кроме того, кратко познакомиться с основами передачи массивов в процедуры и рассмотреть применение некоторых встроенных функций, предназначенных для работы с массивами.

Список заданий

Задание № 1

Написать программу, которая сначала проверяет, существует ли в рабочей папке программы заданный пользователем файл. Если файла нет, то программа создает этот неформатированный файл и записывает в него сначала размер одномерного целочисленного массива, а затем его элементы. Длина массива вводится пользователем во время работы программы. Элементы целочисленного массива либо вводятся с клавиатуры, либо генерируются случайным образом из заданного диапазона. Если указанный пользователем файл существует в рабочей папке программы, то сохраненная информация считывается из него.

Затем в заданном целочисленном массиве чисел $Z(n)$ найти количество чередований знака, то есть количество переходов с минуса на плюс и с плюса на минус. При вычислениях отнестись к положительным числам.

Пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 2

Вычислить среднее значение x_{aver} и дисперсию d_x для заданного массива наблюдений $x(k)$ по формулам:

$$s_1 = \sum_{i=1}^k x_i \quad s_2 = \sum_{i=1}^k x_i^2 \quad x_{aver} = \frac{s_1}{k} \quad d_x = \frac{s_2}{k-1} - \frac{s_1^2}{k(k-1)}$$

Задание № 3

В массиве $A(n)$ найти и напечатать номера (индексы) локальных максимумов, то есть таких элементов массива a_i , для которых выполняется условие $a_{i-1} < a_i > a_{i+1}$.

Задание № 4

Каждый из элементов x_i массива $X(n)$ заменить средним значением первых i элементов этого массива.

Замечание: при решении задачи следует обратить внимание на то, что бы при вычислении соответствующих средних значений использовались исходные, не измененные значения элементов заданного массива $X(n)$.

Задание № 5

Каждый элемент одномерного массива $A(n)$ (кроме 2-х крайних) заменить выражением ($i=2, 3, \dots, n-1$):

$$a'_i = \frac{a_{i-1} + 2a_i + a_{i+1}}{4},$$

а крайние элементы — выражениями:

$$a'_1 = \frac{a_1 + a_2}{2} \qquad a'_n = \frac{a_{n-1} + a_n}{2}.$$

Замечание: при решении задачи следует обратить внимание на то, что бы при вычислении новых, «сглаженных» значений элементов массива использовались бы исходные, не измененные значения элементов заданного массива $A(n)$.

Задание № 6

Пусть даны координаты n точек на плоскости: $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$. Найдите две точки, расстояние между которыми наибольшее (считайте, что такая пара точек единственная).

Замечание: программу следует организовать так, чтобы данные о точках сохранялись в файле; а при запуске программы проверялось бы наличие файла с данными, и если он есть, то информация о точках считывалась бы из него.

Задание № 7

Задан одномерный целочисленный массив. Необходимо удалить элементы массива, расположенные между его минимальным и максимальным элементами (не включая минимальный и максимальный элементы).

Замечание: пример модульной процедуры изменения размера массива приведен в приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 8

Написать программу, которая, преобразовывает массив таким образом, чтобы в первой его части располагались все нечетные элементы, а после них — все четные.

Замечание: пример модульной процедуры преобразования массива приведен в приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 9

Написать программу, которая заданным методом (методом прямого выбора либо методом обмена — «пузырька») сортирует по заданному критерию одномерный массив.

Замечание: пример модульной процедуры сортировки массива приведен в приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 10

Написать программу, которая, используя метод бинарного поиска, выполняет поиск в упорядоченном по возрастанию массиве. Написать нерекурсивную и рекурсивную версии программы.

Рекомендации по выполнению

Задание № 1

С помощью псевдокода запишем последовательность действий, которые необходимо выполнить для решения задачи:

1. Получить от пользователя имя файла
2. Если (файл существует) То
 - Прочитать длину массива
 - Выделить для элементов массива память
 - Прочитать из файла значения элементов массива
 Иначе
 - Узнать у пользователя размер массива
 - Выяснить каким образом присвоить элементам массива значения
 - Требуемым образом присвоить элементам массива значения
 - Сохранить информацию в файл
 Конец Если
3. Вывести элементы массива на экран
4. Просчитать и вывести на экран количество смен знака

Приведем пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* (в тексте модуля присутствуют операторы, которые поддерживаются только компиляторами стандарта *Fortran 2003*). Следует обратить внимание на то, что программа разбита на два файла: **Task1mod.f90** и **Task1.f90**.

! File Task1mod.f90

module Task1mod

integer(kind=4), allocatable :: a(:)

integer(kind=4) :: num

private constructArray, destroyArray

contains

subroutine constructArray(n)

implicit none

integer(kind=4), intent(in) :: n

integer(kind=4) :: error

allocate(a(1:n), stat=error)

if (error /= 0) stop 'Allocation memory error'

end subroutine constructArray

subroutine destroyArray()

```

implicit none

integer(kind=4) :: error

deallocate(a, stat=error)
if (error /= 0) stop 'Deallocation memory error'

end subroutine destroyArray

subroutine readArray(fileName)

implicit none

character(len=*), intent(in) :: fileName

integer(kind=4) :: i, error
character(len=80) :: msg

open(33, file=trim(fileName), form='unformatted', status='old', &
     action='read', iostat=error, iomsg=msg)
if (error /= 0) then
  print *, 'IOError while opening file ' // trim(fileName)
  print *, trim(msg)
  stop 'IOERROR!!!'
end if
read(33) num
call constructArray(num)
do i = 1, num
  read(33) a(i)
end do
close(33, status='keep')

end subroutine readArray

subroutine makeArray(fileName)

implicit none

character(len=*), intent(in) :: fileName

character(len=1) :: ans
integer(kind=4) :: i, error
character(len=80) :: msg
real(kind=4) :: x

```

```

integer(kind=4), parameter :: LEFT = -10, RIGHT = 10

do
  print '(a,$)', 'Array size: '
  read *, num
  if (num > 0) exit
  print *, 'Size of array must be positive'
end do
call constructArray(num)
print *, 'Type y or Y to manual input or any other to automatic'
print '(3x,a,$)', '-> '
read *, ans
if ((ans == 'y') .OR. (ans == 'Y')) then
  print *, 'Manual'
  print '("Type ",i3, " array values")', num
  do i = 1, num
    print '(5x,"a[", i2, "]: ", $)', i
    read *, a(i)
  end do
else
  print *, 'Automatic'
  call random_seed()
  do i = 1, num
    call random_number(x)
    a(i) = nint(LEFT + (RIGHT-LEFT)*x)
  end do
end if
open(22, file=trim(fileName), form='unformatted', status='new', &
  action='write', iostat=error, iomsg=msg)
if (error /= 0) then
  print *, 'IOError while opening file ' // trim(fileName)
  print *, trim(msg)
  stop 'IOERROR!!!'
end if
write(22) num
do i = 1, num
  write(22) a(i)
end do
close(22, status='keep')

```

end subroutine makeArray

subroutine processArray(fileName)

implicit none

```
character(len=*), intent(in) :: fileName
```

```
if (isFileExists(trim(fileName))) then
  print *, 'Read array from file'
  call readArray(fileName)
else
  print *, 'Create array and write to file'
  call makeArray(fileName)
end if
```

```
call printArray()
```

```
print '(3x,a,i3,a,a)', 'There are ', znakChanges(), ' sign ', &
  'changes in the array'
```

```
call destroyArray()
```

```
contains
```

```
subroutine printArray()
```

```
  integer(kind=4) :: i
```

```
  print '(3x,a)', 'Array'
  do i = 1, num
    print '(1x,i3,$)', a(i)
  end do
  print *
```

```
end subroutine printArray
```

```
end subroutine processArray
```

```
function znakChanges()
```

```
  implicit none
```

```
  integer(kind=4) :: znakChanges
  integer(kind=4) :: i, pred, curr, res
```

```
  res = 0
  pred = znak(a(1))
  do i = 2, num
    curr = znak(a(i))
    if (pred /= curr) then
      res = res + 1
      pred = curr
    end if
  end do
```

```

        end if
    end do

```

```

    znakChanges = res

```

```

end function znakChanges

```

```

function znak(a)

```

```

    implicit none

```

```

    integer(kind=4) :: znak
    integer(kind=4), intent(in) :: a

```

```

    if (a >= 0) then
        znak = 1
    else
        znak = -1
    end if

```

```

end function znak

```

```

function isFileExists(fileName)

```

```

    implicit none

```

```

    character(len=*), intent(in) :: fileName
    logical(kind=4) :: isFileExists

```

```

    inquire(file=fileName, exist=isFileExists)

```

```

end function isFileExists

```

```

end module Task1mod

```

```

! File Task1.f90

```

```

program Task1

```

```

    use Task1mod

```

```

    implicit none

```

```

    character(len=20) :: fileName

```

```

    !call processArray('test.bin')

```



```

print *, 'Type Name of File: '
print '(3x,a,$)', '-> '
read '(a)', fileName

```

```

call processArray(trim(fileName))

```

```

end program Task1

```

Задание № 7

Для решения задания сначала нужно сделать копию временную исходного массива, удалить из памяти исходный массив, вычислить новый размер массива, выделить требуемый объем памяти, заполнить нужными значениями и удалить временный массив из памяти.

В данном фрагменте переменные **posMin** и **posMax** — это индексы минимального и максимального элементов массива (переменные модуля), которые до вызова подпрограммы должны быть определены.

```

subroutine reallocateArray()

    implicit none

    integer(kind=4), allocatable :: tmp(:)
    integer(kind=4) :: tmpNum

    integer(kind=4) :: i, first, second, error

    call makeCopy()

    if (posMin < posMax) then
        first = posMin; second = posMax
    else
        first = posMax; second = posMin
    end if

    num = tmpNum - (second - first - 1)
    call createArray(num)
    do i = 1, first
        arr(i) = tmp(i)
    end do
    do i = second, tmpNum
        arr(i- (second - first - 1)) = tmp(i)
    end do

    deallocate(tmp, stat=error)
    if (error /= 0) stop 'Deallocation memory error'
    tmpNum = 0

```

contains

```

subroutine makeCopy()
  tmpNum = num
  allocate(tmp(1:tmpNum), stat=error)
  if (error /= 0) stop 'Allocation memory error'
  do i = 1, num
    tmp(i) = arr(i)
  end do
  call destroyArray()
end subroutine makeCopy

```

end subroutine reallocateArray

Задание № 8

Смысл перестановки элементов заключается в следующем: с двух сторон идем к центру массива, проверяя на своем ли месте стоят крайние элементы. Если оба крайних элемента стоят не на своем месте, то они обмениваются значениями.

subroutine processArray()

```

implicit none

integer(kind=4) :: i, j, tmp

i = 1; j = num
do while (i < j)
  if (isOdd(arr(i))) Then
    i = i + 1
  else if (isOdd(arr(j))) Then
    tmp = arr(i)
    arr(i) = arr(j)
    arr(j) = tmp
    i = i + 1
    j = j - 1
  else
    j = j - 1
  end if
end do

```

contains

function isOdd(x) ! NeChetnost

```

logical(kind=4) :: isOdd
integer(kind=4), intent(in) :: x

```

```
isOdd = mod(x, 2) == 1
```

```
end function isOdd
```

```
end subroutine processArray
```

Задание № 9

Алгоритм метода сортировки состоит в повторяющихся проходах по сортируемому массиву. За каждый проход элементы последовательно сравниваются попарно и, если порядок в паре неверный, выполняется обмен элементов. Проходы по массиву повторяются до тех пор, пока на очередном проходе не окажется, что обмены больше не нужны, что означает — массив отсортирован, либо выполнено **размер_массива - 1** проход. Кроме того, по мере выполнения сортировки в конце массива гарантировано окажутся требуемые элементы, т. е. на каждом просмотре попарное сравнение элементов выполняется до **размер_массива - i**-го, где *i* — номер просмотра.

Алгоритм сортировки массива по возрастанию методом прямого выбора может быть представлен так: просматривая массив от первого элемента, найти минимальный элемент и поместить его на место первого элемента, а первый — на место минимального; затем просматривая массив от второго элемента, найти минимальный элемент и поместить его на место второго элемента, а второй — на место минимального; и так далее до предпоследнего элемента.

Для удобства работы логическая функция–критерий, указывающая в правильном ли порядке расположены соседние элементы массива передается в процедуру как процедура–параметр.

```
subroutine bubbleSort(crit)
```

```
implicit none
```

```
interface
```

```
function crit(a1, a2)
```

```
implicit none
```

```
logical(kind=4) :: crit
```

```
integer(kind=4), intent(in) :: a1, a2
```

```
end function crit
```

```
end interface
```

```
integer(kind=4) :: i, j, tmp
```

```
logical(kind=4) :: obmen
```

```
i = 1
```

```
do
```

```
obmen = .false.
```

```
do j = 1, num-i
```

```
if (.not. crit(arr(j), arr(j+1))) then
```

```
obmen = .true.
```

```
tmp = arr(j)
```

```
arr(j) = arr(j+1)
```

```

        arr(j+1) = tmp
    end if
end do
i = i + 1
if ((i == num) .Or. (.Not. obmen)) exit
end do

```

end subroutine bubbleSort

Примерный вариант модуля с процедурами–критериями приведен ниже:

module Criters

contains

function increase(a1, a2)

implicit none

logical(kind=4) :: increase
integer(kind=4), intent(in) :: a1, a2

increase = a1 < a2

end function increase

function decrease(a1, a2)

implicit none

logical(kind=4) :: decrease
integer(kind=4), intent(in) :: a1, a2

decrease = a1 > a2

end function decrease

end module Criters

Задание № 10

На практике довольно часто производится поиск в массиве, элементы которого упорядочены по некоторому критерию (такие массивы называются упорядоченными). Пусть есть упорядоченный по возрастанию массив целых чисел. Нужно определить, содержит ли этот массив некоторое число (образец).

Метод бинарного поиска может быть реализован так: сначала образец сравнивается со средним (по номеру) элементом массива. Если образец равен среднему элементу, то задача решена. Если образец больше среднего элемента, то это значит, что искомый элемент расположен выше среднего элемента и новый поиск осуществляется между элементами с

номера `sred+1` и `up`. Если образец меньше среднего элемента, то это значит, что искомый элемент расположен ниже среднего элемента и новый поиск осуществляется между элементами с номерами `low` и `sred-1`. После того как определена часть массива, в которой может находиться искомый элемент, вычисляется новое значение `sred` и поиск продолжается.

Пример модульной процедуры итерационного бинарного поиска приведен ниже:

```
subroutine binSearch(obr, sred, found)

  implicit none

  integer(kind=4), intent(in) :: obr
  integer(kind=4), intent(out) :: sred
  logical(kind=4), intent(out) :: found

  integer(kind=4) :: low, up

  low = 1; up = num; found = .false.
  do
    sred = (up - low) / 2 + low
    if (arr(sred) == obr) Then
      found = .true.
    else
      if (obr < arr(sred)) then
        up = sred - 1
      else
        low = sred + 1
      end if
    end if
    if ((low > up) .or. found) exit
  end do

end subroutine binSearch
```

Тема № 5. Двумерные массивы

На данном занятии следует изучить особенности применения статических и динамических двумерных массивов. Необходимо рассмотреть основные методы работы с массивами — доступ к элементам, присваивание начальных значений, вывод двумерного массива на экран и сохранение его в файл, изменение порядка следования элементов в массиве, сортировка, поиск, а также познакомиться с методами численного дифференцирования таблично заданной функции и изучить методы интерполяции. Кроме того, кратко познакомиться с основами передачи массивов в процедуры и рассмотреть применение некоторых встроенных функций, предназначенных для работы с массивами.

Список заданий

Задание № 1

Написать программу, которая сначала проверяет, существует ли в рабочей папке программы заданный пользователем файл. Если файла нет, то программа создает этот форматный файл и записывает в него количество столбцов и строк двумерного целочисленного массива, а затем все его элементы. Размеры двумерного массива вводятся пользователем во время работы программы. Элементы двумерного целочисленного массива могут либо вводиться с клавиатуры, либо генерироваться случайным образом из заданного диапазона. Если указанный пользователем файл существует в рабочей папке программы, то сохраненная информация считывается из него.

Затем в заданной целочисленной матрице найти элемент, являющийся максимальным в своей строке и минимальным в своем столбце. Если в матрице такого элемента нет, то вывести соответствующее сообщение.

Пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 2

Написать программу, которая в квадратной матрице M в строках с отрицательным элементом на главной диагонали находит наибольший элемент из всех элементов строки и сумму всех таких максимальных элементов.

Пример процедуры, выполняющей заданные действия приведен в рекомендациях к данному заданию.

Задание № 3

Задана целочисленная квадратная матрица A порядка $order$. Следует зеркально отразить ее элементы относительно побочной диагонали. (при этом элементы, находящиеся на побочной диагонали остаются на прежнем месте; так, например элемент $A_{1,1}$ меняется местами с элементом $A_{order, order}$, элемент $A_{1,2}$ — с $A_{order-1, order}$ и т. д.).

Пример процедуры, выполняющей заданные действия приведен в рекомендациях к данному заданию.

Задание № 4

Задана целочисленная квадратная матрица A порядка $order$. Найти сумму элементов каждой ее диагонали, параллельной главной (начиная с диагонали $A_{1,order}$, состоящей из одного элемента).

Пример процедуры, выполняющей заданные действия приведен в рекомендациях к данному заданию.

Задание № 5

В двумерном массиве X все числа различны. В каждой строке находится минимальный элемент, затем среди этих чисел выбирается максимальное. Напечатать номера строки и столбца массива X , на пересечении которых расположено выбранное число.

Пример программы, предназначенной для решения данного задания приведен в рекомендациях. Следует обратить внимание на способ, с помощью которого массив передается как параметр в процедуры программы.

Задание № 6

Задана целочисленная матрица размером $m \times n$. Найти матрицу, получающуюся из данной:

- перестановкой столбцов — первого с последним, второго с предпоследним и т.д.
- перестановкой строк — первой с последней, второй с предпоследней и т.д.

Пример процедуры, выполняющей заданные действия приведен в рекомендациях к данному заданию.

Задание № 7

Задана матрица вещественных чисел размером $n \times m$. Упорядочить строки матрицы по убыванию сумм элементов строк.

Пример процедуры, выполняющей заданные действия приведен в рекомендациях к данному заданию.

Задание № 8

Задана матрица A . Первая строка этой матрицы — представляет собой многочлен $P_n(x)$, заданный набором своих коэффициентов. Вычислить остальные строки этой матрицы — массивы коэффициентов производных этого многочлена (вторая строка матрицы — первая производная многочлена, третья строка — вторая производная многочлена и т.д.). Вычислить значение многочлена и его производных для заданного значения x .

Пример организации программы приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

Задание № 9

Задан целочисленный двумерный массив A размером $row \times col$. Следует удалить из него k -ую строку и l -ый столбец ($k \leq row$, $l \leq col$).

Пример модельной процедуры, выполняющей заданные действия приведен в рекомендациях к данному заданию.

Задание № 10

Построить таблицу значений функции $f(x) = \exp(-x) \cdot \sin(x)$ в заданных пользователем интервалах с заданным шагом (для начала взять интервал $[0; 2\pi]$). Полученную таблично заданную функцию численно проинтегрировать и вычислить

значение производной в произвольной заданной точке внутри интервала табуляции.

Основные расчетные формулы и пример организации программы приведен в рекомендациях по выполнению заданий.

В качестве дополнительного задания следует так изменить программу, чтобы табулируемую функцию можно было передавать как параметр в процедуру табуляции. Кроме того, следует написать процедуру получения от пользователя точки, в которой следует вычислить производную таблично заданной функции.

Рекомендации по выполнению

Задание № 1

Организация программы аналогична программе, предназначенной для решения **Задания № 1** из **Темы № 4**. С помощью псевдокода запишем последовательность действий, которые необходимо выполнить для решения задачи:

1. Получить от пользователя имя файла
2. Если (файл существует) То
 - Прочитать размеры массива
 - Выделить для элементов массива память
 - Прочитать из файла значения элементов массива
- Иначе
 - Узнать у пользователя размеры массива
 - Выяснить каким образом присвоить элементам массива значения
 - Требуемым образом присвоить элементам массива значения
 - Сохранить информацию в файл
- Конец Если
3. Вывести элементы массива на экран
4. Найти элемент являющийся максимальным в своей строке и минимальным в своем столбце
5. Если (элемент найден) То
 - Вывести элемент и расположение на экран
- Иначе
 - Вывести сообщение об отсутствии требуемого элемента
- Конец

Приведем пример организации программы для компилятора *PGI Fortran 2010* (в тексте модуля присутствуют операторы, которые поддерживаются только компиляторами стандарта *Fortran 2003*). Следует обратить внимание на то, что программа разбита на два файла: **Task1mod.f90** и **Task1.f90**.

```
! File Task1mod.f90
module Task1mod
```

```
integer(kind=4), allocatable, private :: m(:, :)
integer(kind=4), save, private :: row, col
```

```
contains
```

```
! =====
function isFileExists(fileName)
```



```
implicit none
```

```
character(len=*), intent(in) :: fileName
logical(kind=4) :: isFileExists
```

```
inquire(file=trim(fileName), exist=isFileExists)
```

```
end function isFileExists
```

```
! =====
subroutine getArray(fileName)
```

```
implicit none
```

```
character(len=*), intent(in) :: fileName
```

```
integer(kind=4) :: i, j, error
character(len=80) :: msg
```

```
if (isFileExists(trim(fileName))) then
  print *, 'Read array from file: ' // trim(fileName)
  call readArray()
else
  print *, 'Create array and write to file: ' // trim(fileName)
  call makeArray()
  call writeArray()
end if
```

```
contains
```

```
subroutine readArray()
```

```
  open(33, file=trim(fileName), form='unformatted', &
        status='old', action='read', &
        iostat=error, iomsg=msg)
  if (error /= 0) then
    print *, 'IOError while opening file ' // trim(fileName)
    print *, trim(msg)
    stop 'IOERROR!!!'
  end if
  read(33) row, col
  call constructArray()
  read(33) m

  close(33, status='keep')
```

```
end subroutine readArray
```

```
subroutine makeArray()
```

```
character(len=1) :: ans
```

```
integer(kind=4), parameter :: LEFT = -50, RIGHT = 50
```

```
real(kind=4) :: x
```

```
do
```

```
  print '(a,$)', 'Number of rows: '
```

```
  read *, row
```

```
  if (row > 0) exit
```

```
  print *, 'Number of rows must be positive'
```

```
end do
```

```
do
```

```
  print '(a,$)', 'Number of cols: '
```

```
  read *, col
```

```
  if (col > 0) exit
```

```
  print *, 'Number of cols must be positive'
```

```
end do
```

```
call constructArray()
```

```
print *, 'Type y or Y to manual input or any other to automatic'
```

```
print '(3x,a,$)', '-> '
```

```
read *, ans
```

```
if ((ans == 'y') .OR. (ans == 'Y')) then
```

```
  print *, 'Manual'
```

```
  print '("Type ",i3, " array rows")', row
```

```
  print '("Type ", i3, " elements and press <Enter> ")", col
```

```
  do i = 1, ROW
```

```
    print '(5x,"row ", i2, ": ", $)', i
```

```
    read *, (m(i,j), j=1,COL)
```

```
  end do
```

```
else
```

```
  print *, 'Automatic'
```

```
  call random_seed()
```

```
  do i = 1, row
```

```
    do j = 1, col
```

```
      call random_number(x)
```

```
      m(i,j) = nint(LEFT + (RIGHT-LEFT)*x)
```

```
    end do
```

```
  end do
```

```
end if
```

```
end subroutine makeArray
```

```

subroutine writeArray()

    open(22, file=trim(fileName), form='unformatted', &
         status='new', action='write', &
         iostat=error, iomsg=msg)
    if (error /= 0) then
        print *, 'IOError while opening file ' // trim(fileName)
        print *, trim(msg)
        stop 'IOERROR!!!'
    end if
    write(22) row, col
    write(22) m
    close(22, status='keep')

end subroutine writeArray

end subroutine getArray

! =====
subroutine constructArray()

    implicit none

    integer(kind=4) :: error

    allocate(m(1:row, 1:col), stat=error)
    if (error /= 0) stop 'Allocation memory error'

end subroutine constructArray

! =====
subroutine destroyArray()

    implicit none

    integer(kind=4) :: error

    deallocate(m, stat=error)
    if (error /= 0) stop 'Deallocation memory error'

end subroutine destroyArray

! =====
subroutine printArray()

    implicit none

```

```
integer(kind=4) :: i, j
```

```
do i = 1, ROW
  do j = 1, COL
    print '(i4,$)', m(i,j)
  end do
  print *
end do
```

```
end subroutine printArray
```

```
! =====
subroutine findSaddlePoints()
```

```
implicit none
```

```
logical(kind=4) :: isSaddlePoint
integer(kind=4) :: i, j, maxJ, minI
```

```
isSaddlePoint = .false.;
```

```
do i = 1, ROW
  ! Let find max element in row i
  maxJ = 1
  do j = 2, COL
    if (m(i,maxJ) < m(i,j)) maxJ = j
  end do
  ! m[i][maxJ] - maximum in row i
  ! Let find min element in column maxJ
  minI = 1;
  do j = 2, ROW
    if (m(minI,maxJ) > m(j,maxJ)) minI = j;
  end do
  ! a[minI][maxJ] - mainumum in col maxJ
  if (i == minI) then
    isSaddlePoint = .true.;
    print '("Saddle Point: m[" , i2, "]"[" , i2, "] = " , i3)', &
      minI, maxJ, m(minI,maxJ);
  endif
end do
```

```
if (.not. isSaddlePoint) print *, "There is no Saddle Point in matrix";
```

```
end subroutine findSaddlePoints
```

```
end module Task1mod
```

```
! File Task1.f90
program Task1

  use Task1mod

  implicit none

  character(len=20) :: fileName

  print *, 'Type Name of File: '
  print '(3x,a,$)', '-> '
  read '(a)', fileName

  call getArray(trim(fileName))
  call printArray()
  call findSaddlePoints()
  call destroyArray()

end program Task1
```

Задание № 2

Программа, предназначенная для решения этого задания имеет ту же самую структуру, что и программа из **Задания № 1**. Модульная подпрограмма, собственно предназначенная для решения задания, приведена ниже:

```
subroutine processArray()

  implicit none

  logical(kind=4) :: isNegativeElement
  integer(kind=4) :: i, j, ind, sum

  isNegativeElement = .false.;
  sum = 0
  do i = 1, order
    if (m(i,i) < 0) then
      ! Let find max element in row
      ind = 1
      do j = 1, order
        if (m(i,ind) < m(i,j)) ind = j
      end do
      print '(3x,"Row ", i2, " max: ", i3)', i, m(i,ind)
      sum = sum + m(i,ind)
      isNegativeElement = .true.;
    end if
  end do
```

```

    if (.not. isNegativeElement) then
        print *, "There is no negative &
                &elements on basic diagonal in matrix";
    else
        print *, "Sum: ", sum
    end if

end subroutine processArray

```

Задание № 3

Программа, предназначенная для решения этого задания имеет ту же самую структуру, что и программа из **Задания № 2**. Модульная подпрограмма, собственно предназначенная для решения задания, приведена ниже:

```

subroutine mirrorArray()

    implicit none

    integer(kind=4) :: i, j, tmp

    do i = 1, order
        do j = 1, order-i
            tmp = m(i,j)
            m(i,j) = m(order-j+1,order-i+1)
            m(order-j+1,order-i+1) = tmp
        end do
    end do

end subroutine mirrorArray

```

Задание № 4

Программа, предназначенная для решения этого задания имеет ту же самую структуру, что и программа из **Задания № 3**. Модульная подпрограмма, собственно предназначенная для решения задания, приведена ниже:

```

subroutine processArray()

    implicit none

    integer(kind=4) :: i, k, sum

    do k = order - 1, -order+1, -1
        sum = 0
        do i = 1, order - abs(k)
            if (k >= 0) then
                sum = sum + m(i,i+k)
            else

```

```

        sum = sum + m(i+abs(k),i)
    end if
end do
print *, sum
end do

```

```
end subroutine processArray
```

Задание № 5

При анализе программы особое внимание следует обратить на то, как массивы передаются в процедуры в виде параметров.

```
program Task5
```

```
implicit none
```

```
integer row, col, error
integer, allocatable :: matr(:, :)
```

```
call getArraySize(row, col)
```

```
allocate(matr(1:row, 1:col), stat=error)
if (error /= 0) stop 'Allocation Memory Error'
```

```
call setDifferentData(matr, row, col)
print *, 'Working Array'
call printMatrix(matr, row, col)
print *
call solveProblem(matr, row, col)
```

```
deallocate(matr, stat=error)
if (error /= 0) stop 'Deallocation Memory Error'
```

```
contains
```

```
subroutine getArraySize(row, col)
```

```
integer, intent(out) :: row, col
```

```
do
    print '(5x,a,$)', 'Input Number of Array Rows: '
    read *, row
    if (row > 0) exit
    print '(1x,a)', 'ERROR!! Number of array rows must be positive'
end do
do
    print '(5x,a,$)', 'Input Number of Array Cols: '
    read *, col

```

```

        if (col > 0) exit
        print '(1x,a)', 'ERROR!! Number of array cols must be positive'
    end do

```

```

end subroutine getArraySize

```

```

end program Task5

```

```

subroutine setDifferentData(m, row, col)

```

```

    implicit none

```

```

    integer, intent(in) :: row, col
    integer, intent(out) :: m(row, col)

```

```

    integer i, j, tmp, posI, posJ
    real x

```

```

    tmp = 1
    do i = 1, row
        do j = 1, col
            m(i, j) = tmp
            tmp = tmp + 1
        end do
    end do

```

```

    call random_seed()
    do i = 1, row
        do j = 1, col
            call random_number(x)
            posI = int(1 + (row-1) * x)
            call random_number(x)
            posJ = int(1 + (col-1) * x)
            if ((posI /= i) .or. (posJ /= j)) then
                tmp = m(i, j); m(i, j) = m(posI, posJ)
                m(posI, posJ) = tmp
            end if
        end do
    end do

```

```

end subroutine setDifferentData

```

```

subroutine printMatrix(m, row, col)

```

```

    implicit none

```



```
integer, intent(in) :: row, col
integer, intent(in) :: m(row, col)
```

```
integer i, j
```

```
do i = 1, row
  do j = 1, col
    print '(i4,$)', m(i, j)
  end do
  print *
end do
```

```
end subroutine printMatrix
```

```
subroutine solveProblem(m, row, col)
```

```
implicit none
```

```
integer, intent(in) :: row, col
integer, intent(in) :: m(row, col)
```

```
integer i, j
```

```
integer posJMin, posIMax, posJMax
```

```
do i = 1, row
  posJMin = 1
  do j = 2, col
    if (m(i, posJMin) > m(i, j)) posJMin = j
  end do
  print '(a,i4,a,i6)', 'Row:', i, ' Min element:', m(i,posJMin)
  if (i == 1) then
    posIMax = i; posJMax = posJMin
  else if (m(posIMax, posJMax) < m(i, posJMin)) then
    posIMax = i; posJMax = posJMin
  end if
end do
```

```
print *
print '(a,i6)', 'Max of Min:', m(posIMax, posJMax)
print '(4x,a,i4)', 'Row:', posIMax
print '(4x,a,i4)', 'Col:', posJMax
```

```
end subroutine solveProblem
```

Задание № 6

Программа, предназначенная для решения этого задания имеет ту же самую структуру, что и программа из **Задания № 5**. Пример подпрограмм, которые собственно и предназначены для решения задания, приведен ниже:

```
subroutine ChangeCols(m, row, col)
```

```
    implicit none
```

```
    integer, intent(in) :: row, col
```

```
    integer, intent(inout) :: m(row, col)
```

```
    integer endVal, colBeg, colEnd, i, tmp
```

```
    if (mod(col, 2) == 0) then
```

```
        endVal = 1
```

```
    else
```

```
        endVal = 2
```

```
    end if
```

```
    colBeg = 0; colEnd = col + 1
```

```
    do
```

```
        colBeg = colBeg + 1
```

```
        colEnd = colEnd - 1
```

```
        do i = 1, row
```

```
            tmp = m(i, colBeg)
```

```
            m(i, colBeg) = m(i, colEnd)
```

```
            m(i, colEnd) = tmp
```

```
        end do
```

```
        if ((colEnd - colBeg) == endVal) exit
```

```
    end do
```

```
end subroutine ChangeCols
```

```
subroutine ChangeRows(m, row, col)
```

```
    implicit none
```

```
    integer, intent(in) :: row, col
```

```
    integer, intent(inout) :: m(row, col)
```

```
    integer endVal, rowBeg, rowEnd, j, tmp
```

```
    if (mod(row, 2) == 0) then
```

```
        endVal = 1
```

```
    else
```

```
        endVal = 2
```

```
    end if
```

```

rowBeg = 0; rowEnd = row + 1
do
  rowBeg = rowBeg + 1
  rowEnd = rowEnd - 1
  do j = 1, col
    tmp = m(rowBeg, j)
    m(rowBeg, j) = m(rowEnd, j)
    m(rowEnd, j) = tmp
  end do
  if ((rowEnd - rowBeg) == endVal) exit
end do

```

end subroutine ChangeRows

Задание № 7

Программа, предназначенная для решения этого задания имеет ту же самую структуру, что и программа из **Задания № 6**. Пример подпрограмм, которые собственно и предназначены для решения задания, приведен ниже:

```

subroutine SortMatrix(m, row, col)

  implicit none

  integer, intent(in) :: row, col
  integer, intent(inout) :: m(row, col)

  integer posIn, posOut, min, tmp

  do posOut = 1, row - 1
    min = posOut
    do posIn = posOut + 1, row
      if (sumRow(posIn) < sumRow(min)) min = posIn
    end do
    if (min /= posOut) then
      do posIn = 1, col
        tmp = m(posOut, posIn)
        m(posOut, posIn) = m(min, posIn)
        m(min, posIn) = tmp
      end do
    end if
  end do

```

contains

```

function sumRow(numRow)

  integer sumRow
  integer, intent(in) :: numRow

```

```
integer j, tmp
```

```
tmp = 0
```

```
do j = 1, col
```

```
    tmp = tmp + m(numRow, j)
```

```
end do
```

```
sumRow = tmp
```

```
end function sumRow
```

```
end subroutine SortMatrix
```

Задание № 8

Программа, предназначенная для решения этого задания имеет ту же самую структуру, что и программа из **Задания № 1**. Пример программы приведен ниже:

```
! File Task8mod.f90
```

```
module polynomial
```

```
integer, save, private :: row, col
```

```
real, save, private, allocatable :: matr(:, :)
```

```
public create, destroy, setCoeffs, printMatrix, calc
```

```
private setDerivatives
```

```
contains
```

```
subroutine create()
```

```
implicit none
```

```
integer error
```

```
do
```

```
    print '(5x,a,$)', 'Input Max Power of the Polynomial: '
```

```
    read *, col
```

```
    if (col > 0) exit
```

```
    print '(1x,a)', 'ERROR!! Max power of the polynomial must be positive'
```

```
end do
```

```
row = col
```

```
allocate(matr(0:row, 0:col), stat=error)
```

```
if (error /= 0) stop 'Allocation Memory Error'
```

```
end subroutine create
```

```
subroutine destroy()
```

```

implicit none
integer error

deallocate(matr, stat=error)
if (error /= 0) stop 'Deallocation Memory Error'

end subroutine destroy

subroutine setCoeffs()

implicit none
integer j

do j = 0, col
  print '(a,i1,a,$)', 'coef at x^',j,': '
  read *, matr(0,j)
end do

call setDerivatives()

end subroutine setCoeffs

subroutine setDerivatives()

implicit none
integer i, j

do i = 1, row
  do j = 0, col
    matr(i, j) = j*matr(i-1,j)
  end do
  matr(i, :) = EOSHIFT(matr(i, :), 1)
end do
end subroutine setDerivatives

subroutine printMatrix()

implicit none
integer i, j

do i = 0, row
  do j = 0, col
    print '(f6.2,$)', matr(i, j)
  end do
  print *
end do

```

```
end subroutine printMatrix
```

```
subroutine printPolynomial()
```

```
implicit none
```

```
integer i, j
```

```
do i = 0, row
```

```
  print '(i1, a, $)', i, ' derivative: '
```

```
  do j = 0, col-1
```

```
    print '(f6.2,a,i1,a,$)', matr(i, j), ' x^', j, ' + '
```

```
  end do
```

```
  print '(f6.2,a,i1)', matr(i, col), ' x^', col
```

```
end do
```

```
end subroutine printPolynomial
```

```
subroutine calc()
```

```
implicit none
```

```
real x, res
```

```
integer i, j
```

```
print '(a,$)', 'Input x value: '
```

```
read *, x
```

```
do i = 0, row
```

```
  res = matr(i, 0)
```

```
  do j = 1, col
```

```
    res = res + matr(i, j)* x**j
```

```
  end do
```

```
  print '(i1,a,e9.3)', i, ' derivative: ', res
```

```
end do
```

```
end subroutine calc
```

```
end module polynomial
```

```
! File Task8.f90
```

```
program Task8
```

```
use polynomial
```

```
implicit none
```

```
call create()
```

```
call setCoeffs()
```

```

call printMatrix()
call printPolynomial()
call calc()
call destroy()

```

end program Task8

Задание № 9

Алгоритм решения данного задания аналогичен алгоритму решения **Задания №7** из **Темы № 4**, а структура программы аналогична программе **Задания № 1** этой темы. Для решения задания сначала нужно сделать копию временную исходного массива, удалить из памяти исходный массив, вычислить новые размеры массива, выделить требуемый объем памяти, заполнить новый массив нужными значениями и удалить временный массив из памяти. Пример модульной процедуры, которая собственно и предназначена для решения задания, приведен ниже:

```

subroutine deleteRowCol(numCol, numRows)

    implicit none

    integer(kind=4), intent(in) :: numCol, numRows

    integer(kind=4) :: i, j, error
    integer(kind=4), allocatable :: a(:, :)

    call makeArrayCopy()

    call destroyArray()

    row = row - 1; col = col - 1

    !print *, "row: ", row, "    col: ", col

    allocate(m(1:row, 1:col), stat=error)
    if (error /= 0) stop 'Allocation memory error'

    do i = 1, numRows-1
        do j = 1, col
            if (j < numCol) then
                m(i,j) = a(i,j)
            else
                m(i,j) = a(i,j+1)
            end if
        end do
    end do

    do i = numRows, row
        do j = 1, col

```

```

        if (j < numCol) then
            m(i,j) = a(i+1,j)
        else
            m(i,j) = a(i+1,j+1)
        end if
    end do
end do

```

```
call destroyArrayCopy()
```

contains

```
subroutine makeArrayCopy()
```

```

    allocate(a(1:row, 1:col), stat=error)
    if (error /= 0) stop 'Allocation memory error'

```

```

    do i = 1, row
        do j = 1, col
            a(i,j) = m(i,j)
        end do
    end do

```

```
end subroutine makeArrayCopy
```

```
subroutine destroyArrayCopy()
```

```

    deallocate(a, stat=error)
    if (error /= 0) stop 'Deallocation memory error'

```

```
end subroutine destroyArrayCopy
```

```
end subroutine deleteRowCol
```

Задание № 10

Для вычисления производной воспользоваться конечно – разностными формулами численного дифференцирования по трем точкам:

Конечно – разностная формула дифференцирования вперед

$$f'(x_i) = \frac{f(x_{i+1}) - f(x_i)}{h}$$

Конечно – разностная формула дифференцирования назад

$$f'(x_i) = \frac{f(x_i) - f(x_{i-1})}{h}$$

Центральная конечно – разностная формула дифференцирования

$$f'(x_i) = \frac{f(x_{i+1}) - f(x_{i-1}))}{2h}$$

Здесь h — шаг, с которым построена исходная таблица значений.

Для вычисления значения функции, заданной таблично в точках между узлами таблицы можно воспользоваться методами интерполяции. Задача интерполяции часто формулируется так: пусть функция $y=f(x)$ известна в $N+1$ точке (x_0, y_0) , (x_1, y_1) , (x_n, y_n) , где $y_k=f(x_k)$, а значения x_k принадлежат интервалу $[a, b]$ и удовлетворяют условиям:

$$a \leq x_0 < x_1 < \dots < x_N \leq b.$$

Требуется вычислить значение функции $f(x)$ на интервале $[a, b]$ в промежутках между точками табуляции.

Если заданные точки (x_k, y_k) известны с высокой степенью точности, то можно построить интерполяционный полином $P(x)$, который проходит через них. Когда вычисляется значение интерполяционного полинома $P(x)$ в точке $x \in [x_0, x_N]$, то приближение $P(x)$ называется *значением интерполяции*.

Существует много способов построения интерполяционного полинома $P(x)$. Рассмотрим **интерполяционный полином Лагранжа**.

Французский математик *Жозеф Луи Лагранж* (1736 – 1813) предложил использовать для нахождения интерполяционного полинома $P(x)$ следующий метод. Полином, проходящий через $N+1$ точку (x_0, y_0) , (x_1, y_1) , ..., (x_n, y_n) , степени не большей, чем N может быть записан в виде:

$$P_N(x) = \sum_{k=0}^N y_k L_{N,k}(x),$$

где $L_{N,k}(x)$ — коэффициенты полинома Лагранжа, основанного на этих узлах. Выражения для коэффициентов $L_{N,k}(x)$ могут быть записаны в виде:

$$L_{N,k}(x) = \frac{(x-x_0)\dots(x-x_{k-1})(x-x_{k+1})\dots(x-x_N)}{(x_k-x_0)\dots(x_k-x_{k-1})(x_k-x_{k+1})\dots(x_k-x_N)} = \frac{\prod_{j=0, j \neq k}^N (x-x_j)}{\prod_{j=0, j \neq k}^N (x_k-x_j)}$$

Для каждого фиксированного k коэффициенты полинома Лагранжа $L_{N,k}(x)$ обладают свойствами:

$$\begin{aligned} L_{N,k}(x) &= 1 & , \text{ когда } j=k, \\ L_{N,k}(x) &= 0 & , \text{ когда } j \neq k. \end{aligned}$$

Пример организации программы приведен ниже:

```
! File Task10mod1.f90
module DataTable
```

```
  real(kind=8), allocatable, private :: dataPoints(:, :)
  integer(kind=4), private :: num
  ! dataPoints(1,i) - x coordinate of point i
  ! dataPoints(2,i) - y coordinate of point i
```

```
public constructDataTable
```

private isFileExists, makeDataTable

contains

subroutine finalize()

implicit none

integer(kind=4) :: error

deallocate(dataPoints, stat=error)

if (error /= 0) stop 'Deallocation memory ERROR'

num = 0

end subroutine finalize

! =====
function isFileExists(fileName)

implicit none

character(len=*), intent(in) :: fileName

logical(kind=4) :: isFileExists

inquire(file=trim(fileName), exist=isFileExists)

end function isFileExists

! =====
subroutine constructDataTable(fileName)

implicit none

character(len=*), intent(in) :: fileName

character(len=len(fileName)+5) :: newFileName

if (.not. isFileExists(trim(fileName))) then

call makeDataTable(fileName)

end if

call changeFileName(fileName, newFileName)

if (.not. isFileExists(trim(newFileName))) then

call makeDerFile(fileName, newFileName)

end if

```

    call readDataTable(newFileName)

end subroutine constructDataTable

! =====
subroutine readDataTable(fileName)

    implicit none

    character(len=*) , intent(in) :: fileName
    integer(kind=4) :: error, i
    character(len=1) :: str
    real(kind=8) :: x, y

    num = numDataLines(trim(fileName))
    allocate(dataPoints(1:2,1:num), stat=error)
    if (error /= 0) stop 'Allocation memory ERROR'

    open(25, file=trim(fileName), status='old', iostat=error)
    if (error /= 0) then
        print 'Error while opening ' // trim(fileName)
        stop 'readDataTable: Program Termination'
    end if

    read(25,*) str
    i = 0
    do
        i = i + 1
        !read(25,*,iostat=error) dataPoints(1,i), dataPoints(2,i)
        !if (error < 0) exit
        read(25,*,iostat=error) x, y
        if (error == 0) then
            dataPoints(1,i) = x; dataPoints(2,i) = y
        else
            exit
        end if
    end do

    close(25)

end subroutine readDataTable

function numDataLines(fileName)

    implicit none

```

```

integer(kind=4) :: numDataLines
character(len=*), intent(in) :: fileName

integer(kind=4) :: error, num
character(len=1) :: str
real(kind=8) :: x

open(21, file=trim(fileName), status='old', iostat=error)
if (error /= 0) then
    print *, 'Error while opening ' // trim(fileName)
    stop 'numDataLines: Program Termination'
end if

read(21,*) str

num = 0
do
    read(21,*,iostat=error) x
    if (error /= 0) exit
    num = num + 1
end do

close(21)

numDataLines = num

end function numDataLines

subroutine makeDataTable(fileName)

implicit none

character(len=*), intent(in) :: fileName

real(kind=8) :: xStart, xStop, xStep

call getData()
call createFileTable()

contains

function tblFunc(x)

real(kind=8) :: tblFunc
real(kind=8), intent(in) :: x

```

```

    tblFunc = exp(-x)*sin(x)

end function tblFunc

subroutine getData()

    print *, 'Type initial data'
    print '(3x,a,$)', 'start: '
    read *, xStart
    print '(3x,a,$)', 'stop : '
    read *, xStop
    print '(3x,a,$)', 'step : '
    read *, xStep

end subroutine getData

subroutine createFileTable()

    integer(kind=4) :: error
    real(kind=8) :: x

    open(21, file=trim(fileName), iostat=error)
    if (error /= 0) then
        print *, 'Error while opening ' // trim(fileName)
        stop 'createFileTable: Program Termination'
    end if

    write(21,'(7x,a1,14x,a4)'), 'x', 'f(x)'
    x = xStart
    do while(x <= xStop + 0.1d0*xStep)
        !write(21,*) sngl(x), sngl(tblFunc(x))
        write(21,'(es14.6,2x,es14.6)') sngl(x), sngl(tblFunc(x))
        x = x + xStep
    end do

    close(21)

end subroutine createFileTable

end subroutine makeDataTable

! =====
function isInRange(testX)

    implicit none

    logical(kind=4) :: isInRange

```

```
real(kind=8), intent(in) :: testX
```

```
isInRange = (testX >= minval(dataPoints(1,:))) .and. &
            (testX <= maxval(dataPoints(1,:)))
```

```
end function isInRange
```

```
! =====
function getPosition(testX)
```

```
implicit none
```

```
integer(kind=4) :: getPosition
real(kind=8), intent(in) :: testX
```

```
integer(kind=4) :: i
logical(kind=4) :: found
```

```
i = 1
```

```
do while (i < num)
```

```
  if ((testX >= dataPoints(1,i)) .and. (testX < dataPoints(1,i+1))) then
    found = .true.
```

```
    exit
```

```
  end if
```

```
  i = i + 1
```

```
end do
```

```
if ((.not. found) .and. testX == dataPoints(1,num)) then
  found = .true.
```

```
  i = num
```

```
end if
```

```
if (found) then
```

```
  getPosition = i
```

```
else
```

```
  getPosition = -1
```

```
end if
```

```
end function getPosition
```

```
! =====
function startNumber(testX, ptNum)
```

```
implicit none
```

```
integer(kind=4) :: startNumber
```

```
real(kind=8), intent(in) :: testX
```

```
integer(kind=4), intent(in) :: ptNum
```

```
integer(kind=4) :: findNum
```

```
if (isInRange(testX)) then
  findNum = getPosition(testX)
  if (findNum < 1+ptNum/2) then
    startNumber = 1
  else if (findNum > (num - ptNum + 2*(ptNum/2))) then
    startNumber = num - ptNum
  else
    startNumber = findNum - ptNum/2
  end if
else
  print '(3x,f4.2,a,f6.2,a,f6.2,a)', testX, ' is not in [' , &
    minval(dataPoints(1,:)), ' , ' , maxval(dataPoints(1,:)), ']'
  stop 'Program Terminated'
end if
```

```
end function startNumber
```

```
! =====
function lagrInterp(testX, ptNum)
```

```
  implicit none
```

```
  real(kind=8) :: lagrInterp
```

```
  real(kind=8), intent(in) :: testX
  integer(kind=4), intent(in) :: ptNum
```

```
  integer(kind=4) :: j, k, start
  real(kind=8) :: numer, denom
```

```
  start = startNumber(testX, ptNum)
```

```
  lagrInterp = 0.0d0
  do k = start, start + ptNum
    numer = 1.0d0
    denom = 1.0d0
    do j = start, start + ptNum
      if (k /= j) then
        numer = numer * (testX - dataPoints(1,j))
        denom = denom * (dataPoints(1,k) - dataPoints(1,j))
      end if
    end do
    lagrInterp = lagrInterp + dataPoints(2,k)*numer/denom
  end do
```

```
end function lagrInterp
```

```
! =====
subroutine makeDerFile(fileNameRead, fileNameWrite)
```

```
    implicit none
```

```
    character(len=*) , intent(in) :: fileNameRead, fileNameWrite
```

```
    integer(kind=4) :: num, i, error
```

```
    real(kind=8) :: x1, f1, x2, f2, x3, f3
```

```
    character(len=1) :: str
```

```
    num = numDataLines(trim(fileNameRead))
```

```
    open(21, file=trim(fileNameRead), status='old', iostat=error)
```

```
    if (error /= 0) then
```

```
        print *, 'Error while opening ' // fileNameRead
```

```
        stop 'makeDerFile: Program Termination'
```

```
    end if
```

```
    open(22, file=trim(fileNameWrite), iostat=error)
```

```
    if (error /= 0) then
```

```
        print *, 'Error while opening ' // fileNameWrite
```

```
        stop 'makeDerFile: Program Termination'
```

```
    end if
```

```
    read(21,*) str
```

```
    write(22, '(7x,a1,13x,a5)', 'x', "f'(x)"
```

```
    read(21,*) x1, f1
```

```
    read(21,*) x2, f2
```

```
    write(22,*) snl(x1), snl((f2 - f1)/(x2 - x1))
```

```
    do i = 3, num
```

```
        read(21,*,iostat=error) x3, f3
```

```
        if(error /= 0) stop 'Error while reading the file'
```

```
        write(22,*) snl(x2), snl((f3 - f1)/2.0d0/(x2 - x1))
```

```
        x1 = x2; f1 = f2
```

```
        x2 = x3; f2 = f3
```

```
    end do
```

```
    write(22,*) snl(x3), snl((f2 - f1)/(x2 - x1))
```

```
    close(21); close(22)
```

```
end subroutine makeDerFile
```



```
subroutine changeFileName(fileName, newFileName)
```

```
    implicit none
```

```
    character(len=*) , intent(in) :: fileName
```

```
    character(len=*) , intent(out) :: newFileName
```

```
    integer(kind=4) :: posLastPoint
```

```
    posLastPoint = index(fileName, '.', .true.)
```

```
    if (posLastPoint == 0) then
```

```
        newFileName = trim(fileName) // 'Deriv'
```

```
    else
```

```
        newFileName = fileName(1:posLastPoint-1) // &  
                           'Deriv' // fileName(posLastPoint:len_trim(fileName))
```

```
    end if
```

```
end subroutine changeFileName
```

```
end module DataTable
```

```
! File Task10.f90
```

```
program Task10
```

```
    use DataTable
```

```
    implicit none
```

```
    character(len=20) :: fileName
```

```
    real(kind=8) :: x
```

```
    print *, 'Type Name of File: '
```

```
    print '(3x,a,$)', '-> '
```

```
    read '(a)', fileName
```

```
    call constructDataTable(trim(fileName))
```

```
    x = 3.766d0
```

```
    !x = 1.5d0
```

```
    print *, lagrInterp(x, 3)
```

```
    print *, analytDeriv(x)
```

```
    call finalize()
```

contains

```
function analytDeriv(x)
```

```
    real(kind=8) :: analytDeriv  
    real(kind=8), intent(in) :: x
```

```
    analytDeriv = (cos(x) - sin(x))*exp(-x)
```

```
end function analytDeriv
```

```
end program Task10
```